

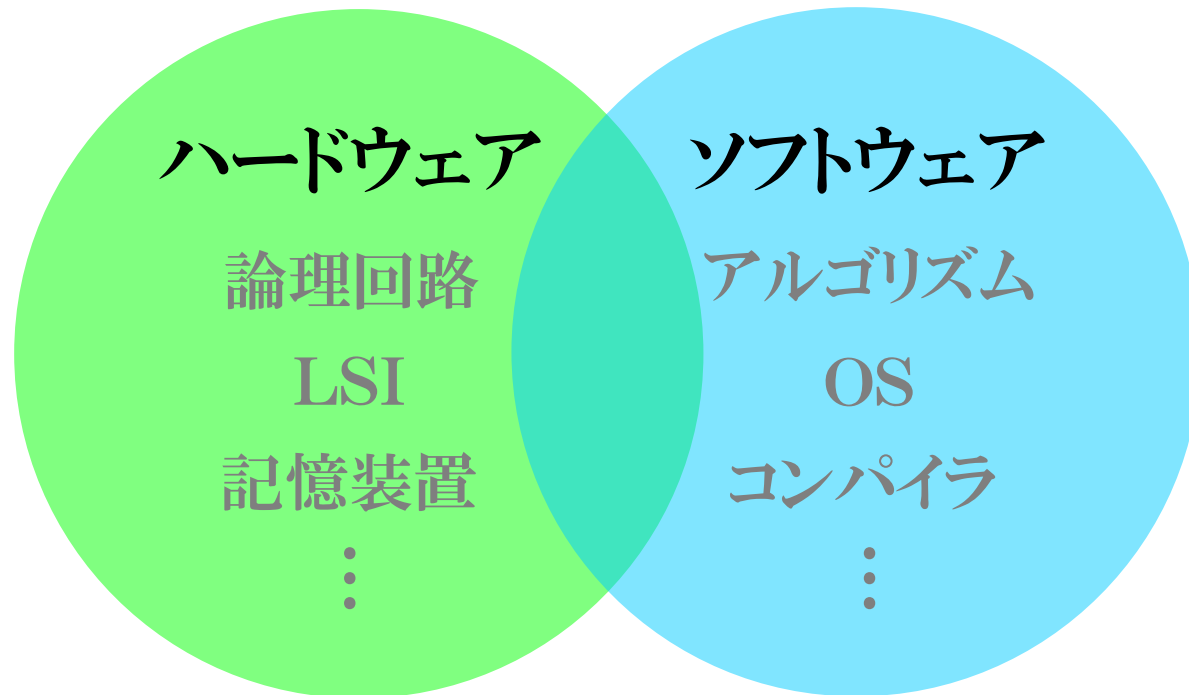
# コンピュータ工学 I

Rev. 2018.12.03

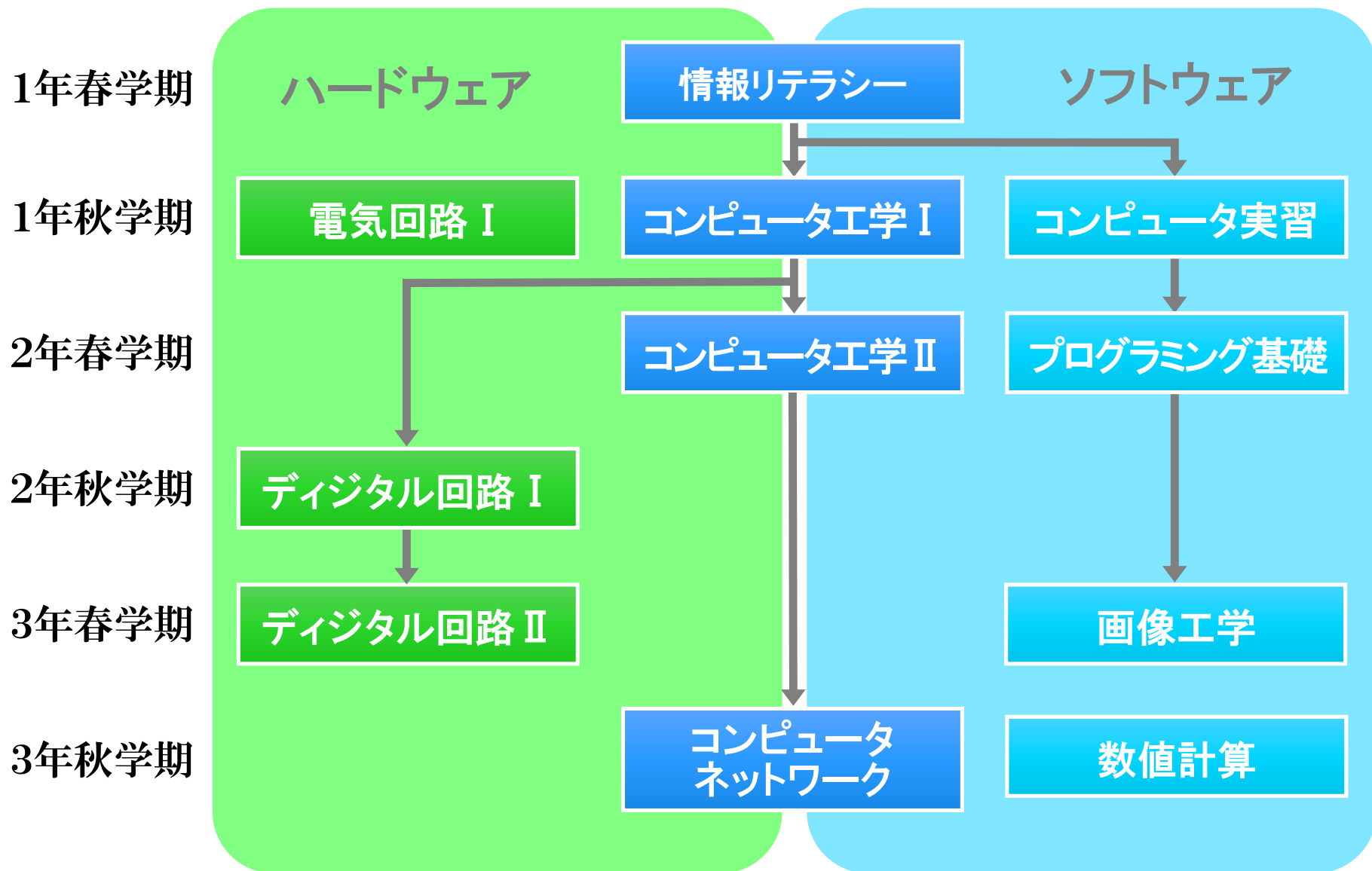
# コンピュータ工学とは

---

コンピュータを実現するための技術について、ハードウェアとソフトウェアの両面から研究する学問。



# カリキュラム体系



# コンピュータ工学 I の内容

---

## ✦ 学習の目標

CPUの構造と動作の仕組みを理解する。

## ✦ 学習の内容

- ① 数と文字の表現方法
- ② 論理回路の設計
- ③ CPUの構成要素
- ④ アセンブリ言語とCPUの動作

# レポート課題、試験について

---

## ✦ 確認テスト

毎回の講義後に、MOMO Campusで確認テストに解答すること。(1週間以内)

## ✦ レポート課題 全3回

## ✦ 試験

中間評価試験(第9回講義中)

最終評価試験(第16回)

# 数と文字の表現方法

---

## ✦ 内容

- ① 2進数、16進数、基数変換
- ② 負の数の表現方法
- ③ 演算(加算、減算、シフト演算)
- ④ 実数の表現方法
- ⑤ 文字の表現方法

# データの記憶・伝達

電気の2状態



2進数

1

0

101110001110011111010100001101

2進数に変換

数値データ

数値化

音声データ

画像データ

文章データ

2018 2.718281828

-322  $6.0221 \times 10^{23}$

# 数をかぞえる

---

2進数 0 1

4進数 0 1 2 3

8進数 0 1 2 3 4 5 6 7

10進数 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

16進数 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F

数字として使う

2進数表記では桁数が多くなるので、便宜上、  
16進数で表記して桁数を少なくする。



# 進数対応表①

10進数	2進数	4進数	8進数	16進数
0	0	0	0	0
1				
2				
3				
4				
5				
6				
7				
8				

# 進数対応表①

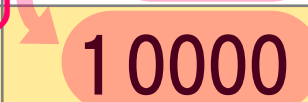
10進数	2進数	4進数	8進数	16進数
0	0	0	0	0
1	1	1	1	1
2	10	2	2	2
3	11	3	3	3
4	100	10	4	4
5	101	11	5	5
6	110	12	6	6
7	111	13	7	7
8	1000	20	10	8

桁上がり

# 進数対応表②

10進数	2進数	4進数	8進数	16進数
8	1000	20	10	8
9	1001	21	11	9
10	1010	22	12	A
11	1011	23	13	B
12	1100	30	14	C
13	1101	31	15	D
14	1110	32	16	E
15	1111	33	17	F
16	10000	100	20	10

桁上がり



# 進数対応表③

10進数	2進数	4進数	8進数	16進数
16	1 0000	1 00	20	10
17	1 0001	1 01	21	11
18	1 0010	1 02	22	12
19	1 0011	1 03	23	13
20	1 0100	1 10	24	14
21	1 0101	1 11	25	15
22	1 0110	1 12	26	16
23	1 0111	1 13	27	17
24	1 1000	1 20	30	18

# 進数対応表④

10進数	2進数	4進数	8進数	16進数
24	1 1000	1 20	30	18
25	1 1001	1 21	31	19
26	1 1010	1 22	32	1A
27	1 1011	1 23	33	1B
28	1 1100	1 30	34	1C
29	1 1101	1 31	35	1D
30	1 1110	1 32	36	1E
31	1 1111	1 33	37	1F
32	100000	2 00	40	20

# 2、4、8、16進数の相互変換

---

2進数 2桁  $\leftrightarrow$  4進数 1桁

2進数 3桁  $\leftrightarrow$  8進数 1桁

2進数 4桁  $\leftrightarrow$  16進数 1桁

1 1 1 0 1  $\rightarrow$  131

1 1 1 0 1  $\rightarrow$  35

1 1 1 0 1  $\rightarrow$  1D

# 数の表現

---

## ❖ 数の表記

$N_{(p)}$  :  $p$ 進数の数値  $N$

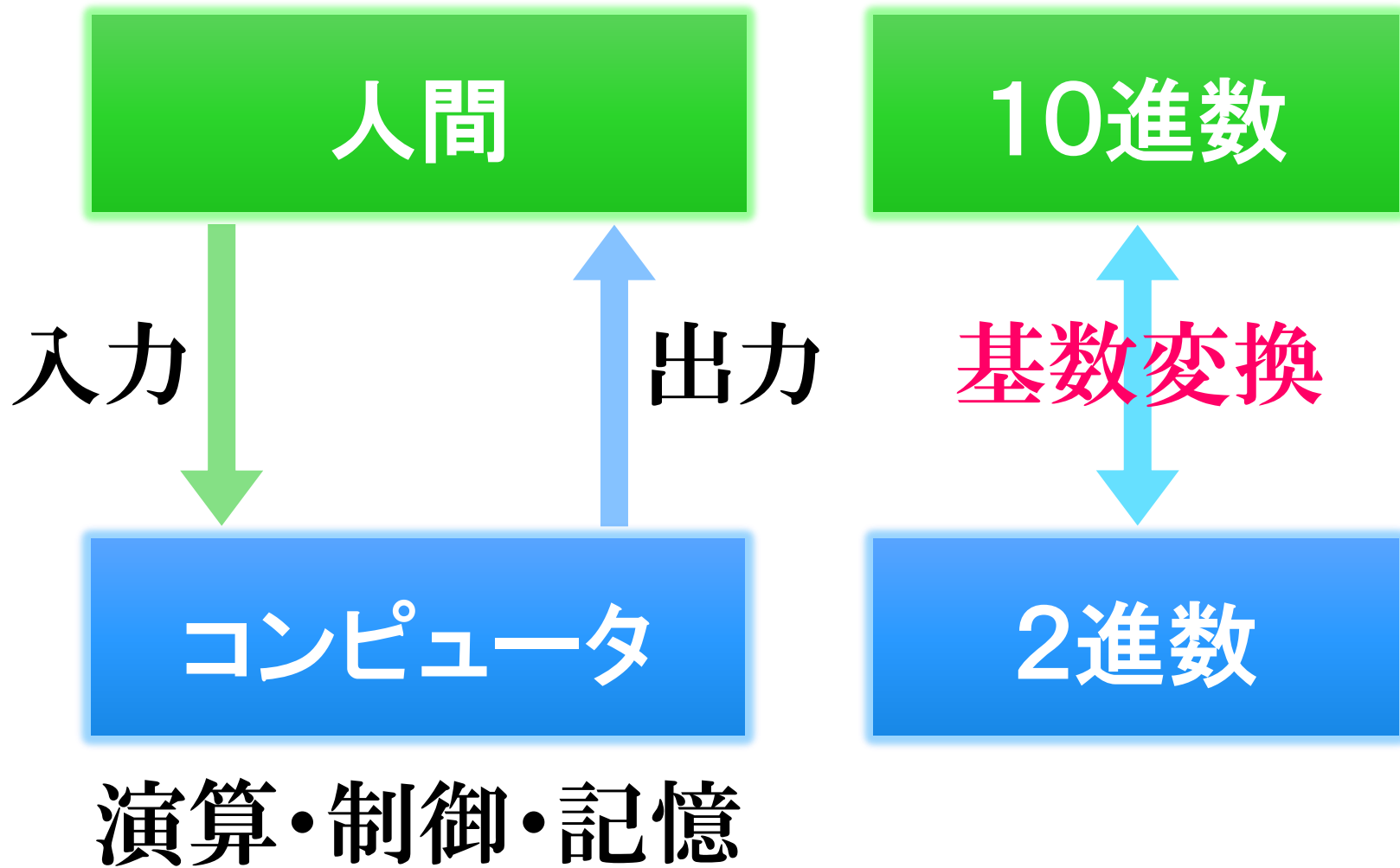
基数

## ❖ 基数変換

ある基数の数値を、別の基数の表記  
に変える。

# 基数変換の必要性

---





# p進数整数部 → 10進数

---

10進数を  $N_{(10)}$ 、

$p$ 進数整数部を  $d_n d_{n-1} \cdots d_1 d_0 (p)$  と  
する。 ( $n \geq 0$ )

$$N = d_n \cdot p^n + d_{n-1} \cdot p^{n-1} + \cdots + d_1 \cdot p^1 + d_0$$

# p進数小数部 → 10進数

---

p進数小数部を  $0.d_{-1}d_{-2}\cdots d_m (p)$  とする。 ( $m < 0$ )

$$N = d_{-1} \cdot p^{-1} + d_{-2} \cdot p^{-2} + \cdots + d_m \cdot p^m$$

# p進数実数→10進数

重要

10進数を $N_{(10)}$ 、 $p$ 進数を

$d_n d_{n-1} \cdots d_1 d_0 \cdot d_{-1} d_{-2} \cdots d_{m+1} d_m (p)$

とする。 $(n \geq 0 > m)$

$$N = d_n \cdot p^n + d_{n-1} \cdot p^{n-1} + \cdots + d_1 \cdot p^1 + d_0 \\ + d_{-1} \cdot p^{-1} + d_{-2} \cdot p^{-2} + \cdots + d_m \cdot p^m$$

# 10進数整数部 → p進数

重要

$$\begin{array}{r} p \ ) \ N_{(10)} \quad \text{余り} \\ \hline p \ ) \ q_0 \quad \cdots \ d_0 \\ \hline p \ ) \ q_1 \quad \cdots \ d_1 \\ \hline \quad \quad \quad \vdots \\ \hline p \ ) \ q_{n-1} \quad \cdots \ d_{n-1} \\ \hline \quad \quad \quad 0 \quad \cdots \ d_n = q_{n-1} \end{array}$$

pで割ったときの余りを求めることを繰り返す。

$$N_{(10)} = d_n d_{n-1} \cdots d_1 d_0 (p)$$

# 原理

$$N_{(10)} \leftrightarrow d_n d_{n-1} \cdots d_2 d_1 d_0 (p)$$

$$N = d_n \cdot p^n + d_{n-1} \cdot p^{n-1} + \cdots + d_2 \cdot p^2 + d_1 \cdot p + d_0$$

$$= p \cdot (d_n \cdot p^{n-1} + d_{n-1} \cdot p^{n-2} + \cdots + d_2 \cdot p + d_1) + d_0$$

$N \div p$  の商

$N \div p$  の余り

$N$  を  $p$  で繰り返し割っていけば、  
その余りから  $d_0, d_1, \dots, d_n$  が順番に求まる。

重要

# 10進数小数部 → p進数

$$N \times p = a_0 + b_0$$

$$b_0 \times p = a_1 + b_1$$

$$b_1 \times p = a_2 + b_2$$

⋮

$b_n = 0$  になるまで続ける。

$$0 < N_{(10)} < 1$$

$a_i$  整数部

$b_i$  小数部

小数部に  $p$  を掛けることを繰り返す。

$$N_{(10)} = 0.a_0a_1 \cdots a_n (p)$$

# 基数変換まとめ

## ❖ $p$ 進数 $\rightarrow$ 10進数

$p$ 進数の $k$ 桁目の値 $d_k$ に $p^k$ を掛けて  
総和を取る。1の位が0桁目になる。

## ❖ 10進数 $\rightarrow$ $p$ 進数

整数部を $p$ で繰り返し割っていき、最後の  
余りを左端にして順に並べる。

小数部に $p$ を繰り返し掛けていき、最初の  
整数値を左端にして順に並べる。

# 2進数

重要

MSB (最上位bit)

LSB (最下位bit)

1 0 1 0 1 (2)

bit 2進数の1桁

8 bit = 1 byte

$n$  bitの2進数は、 $2^n$  個の数を表現できる。



# 2進数の加算

---

## ♣ 基本演算

$$\begin{array}{r} 0 \\ + 0 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ + 0 \\ \hline 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ + 1 \\ \hline 10 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 1 \\ + 1 \\ \hline 11 \end{array}$$

# bit数の制限

---

コンピュータの記憶容量は有限



数値1個のbit数(桁数)に上限がある

- ❖ bit数が分かるように、MSBまでを0で埋めて表記する。
- ❖ MSBを越えた(オーバーフローした)bitの情報は捨てる。

# シフト演算

- ❖ 2進数の全bitを左または右に移動する。
- ❖ MSBまたはLSBを越えたbitの情報は捨てる。

$n$ bit 左シフト  $\rightarrow 2^n$ 倍になる。

$n$ bit 右シフト  $\rightarrow \frac{1}{2^n}$ 倍になる。

※MSBやLSBを越えない範囲で

# 2進数の乗算

---

シフト演算と加算の組み合わせで実現できる。

$$\begin{array}{r} 111 \\ \times 101 \\ \hline 111 \\ + 11100 \\ \hline 100011 \end{array}$$

111を0 bit左シフト  
111を2 bit左シフト  
答え

# 負の整数

---

コンピュータは 0 と 1 しか使えない。



+と-の符号が存在しない

## ✦ 負の数の表現方法

- ① 符号絶対値法
- ② 1の補数
- ③ 2の補数

# 符号絶対値法

---

MSBを符号として用いる。

0 0 0 1 1 1

重要

符号bit

0 → + 正の数、または、0

1 → - 負の数

# 1の補数

---

## ❖ 1の補数とは

2進数  $x$  の1の補数を  $\bar{x}$  とするとき、

$$x + \bar{x} = 111\cdots 1 \quad (2)$$

となる。

## ❖ 求め方

**重要**

$x$  の0を1に、1を0に置き換える。

(bit反転)

# 2の補数

---

## ❖ 2の補数とは

2進数  $x$  の2の補数を  $x'$  とするとき、

$$x + x' = 100 \cdots 0_{(2)}$$

となる。

## ❖ 求め方

**重要**

$x$  の1の補数に1を加算する。

負の数は、2の補数を用いて表す。



# コンピュータでの整数の表現方法

---

$n$  bitの2進数は、 $2^n$  個の数を表現できる。

## ✧ 符号なし2進数

MSBを符号bitとしない。

$$0 \leq x \leq 2^n - 1$$

## ✧ 符号つき2進数

MSBを符号bitとする。

$$-2^{n-1} \leq x \leq 2^{n-1} - 1$$

# コンピュータにおける減算の方法

---

減算は、**負の数との加算に置き換えて**  
計算する。

$$5 - 3 =$$



$$5 + (-3) =$$

# 5 + (-3) の計算

$$5_{(10)} = 0101_{(2)}$$

$$3_{(10)} = 0011_{(2)}$$

0011<sub>(2)</sub> の2の補数は

$$1101_{(2)}$$

したがって、

$$-3_{(10)} = 1101_{(2)}$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ + 1101 \\ \hline 10010 \end{array}$$

$$\begin{aligned} \text{答えは } & 0010_{(2)} \\ & = 2_{(10)} \end{aligned}$$

# コンピュータ設計の方針

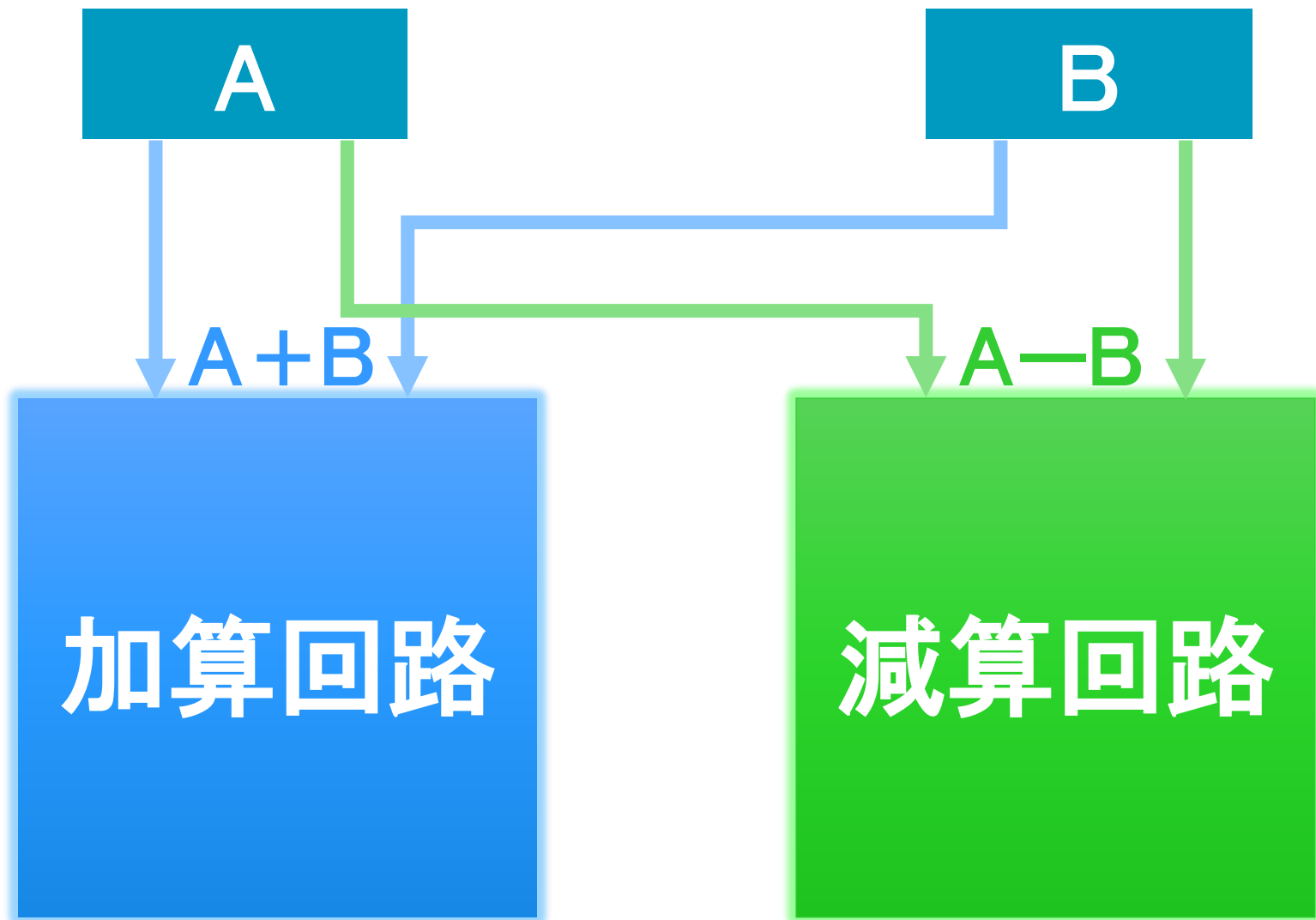
---

## ♣ 良いコンピュータとは？

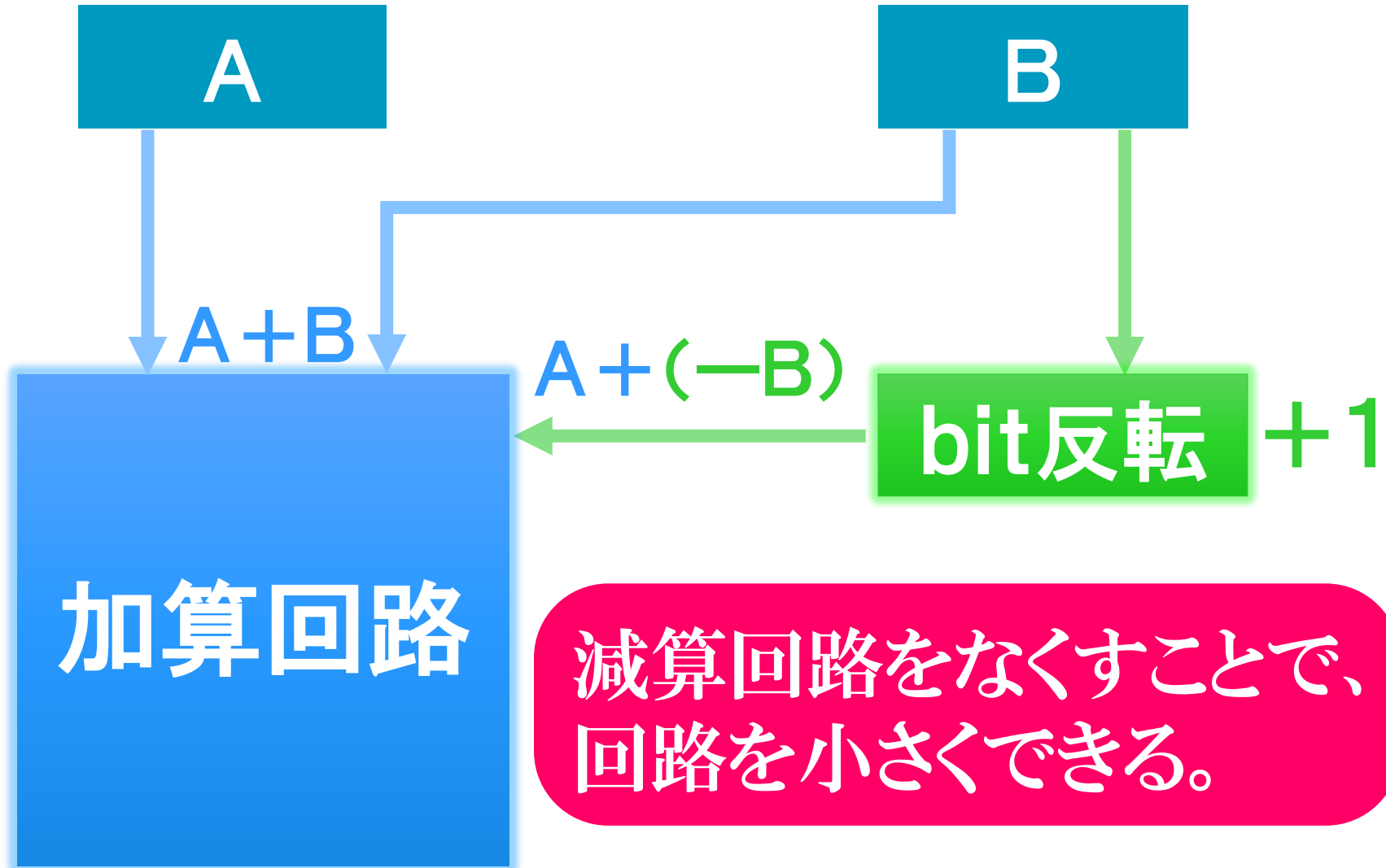
- 高速
- 小型
- 低コスト

コンピュータの回路の無駄を省き、可能な限り小さく構成する。

# 加減算回路の構成①



# 加減算回路の構成②



# コンピュータでの実数の表現方法

---

## ❖ 固定小数点数

小数点の位置を特定のbit間に固定する。

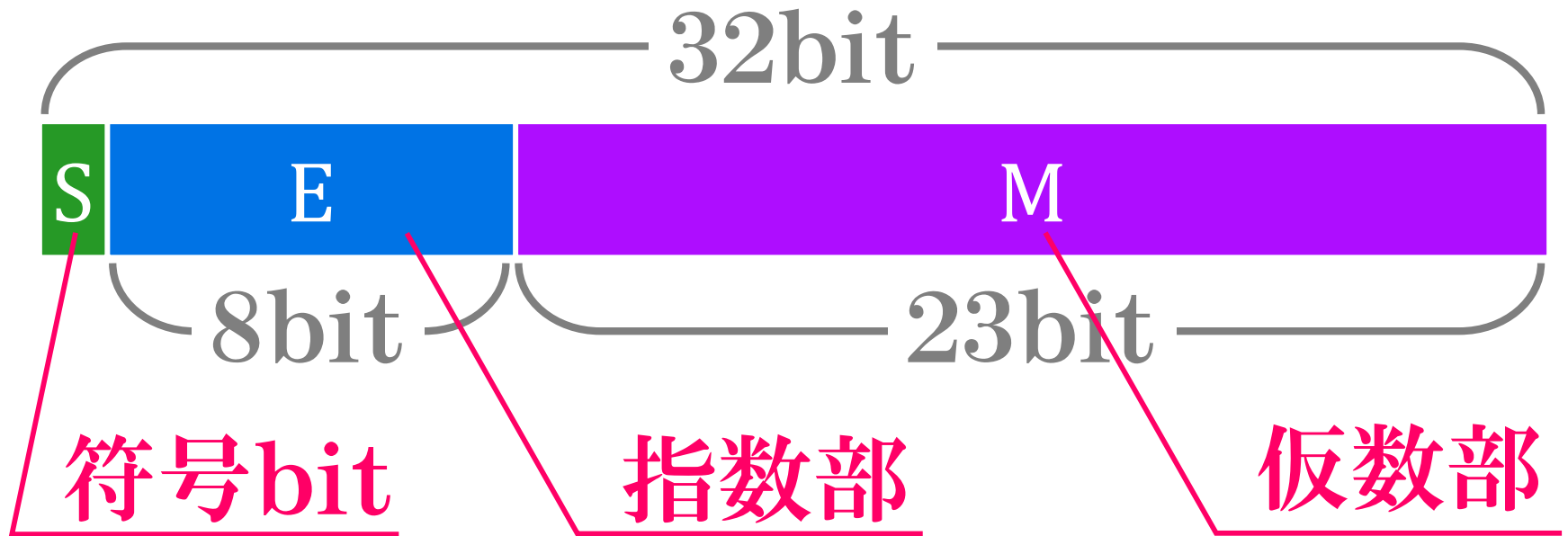
整数は、小数部のない固定小数点数

bit数より桁数の多い整数や小数が表現できない。

## ❖ 浮動小数点数

仮数部と指数部に分けて数値を表現する。

# 单精度浮動小数点数



$$N = (-1)^S \times 1.M_{(2)} \times 2^{E-127}$$



# C言語の変数型(参考)

## 整数型(固定小数点数)

型名	bit数	表現できる数値の範囲
char	8	-128~127
short	16	-32,768~32,767
long (int)	32	-2,147,483,648~2,147,483,647

## 実数型(浮動小数点数)

型名	bit数	仮数のbit数	指数の範囲
float	32	23	2の-126~127乗
double	64	52	2の-1022~1023乗

# 整数(固定小数点数)同士の計算

---

$$\begin{array}{r} 0011101 \\ + 0000110 \\ \hline 0100011 \end{array}$$

bitの並びを変えずに計算ができる。

計算処理が単純 ➡ 計算が速い

# 実数(浮動小数点数)同士の計算

$$\begin{array}{r} 1.1101 \times 2^5 \\ + 1.1000 \times 2^3 \\ \hline \end{array} \quad \rightarrow \quad \begin{array}{r} 1.1101 \times 2^5 \\ + 0.0110 \times 2^5 \\ \hline 10.0011 \times 2^5 \\ \downarrow \\ 1.0001 \times 2^6 \end{array}$$

指数の値を揃えてから  
計算する。

計算処理が複雑 ➡ 計算が遅い

# 数値表現の長所と短所

---

**固定小数点数**

**浮動小数点数**

表現できる数値の  
範囲が狭い

表現できる数値の  
範囲が広い

計算が速い

計算が遅い

# 誤差問題

---

## ❖ 丸め誤差

小数点以下の下位の桁を削除することにより誤差が生じる。

## ❖ 情報落ち

絶対値の大きい数と小さい数の加減算をするとき、小さい数が計算結果に反映されない。

## ❖ 桁落ち

ほぼ等しい数の減算をするとき、有効桁数が大幅に失われる。

# 8bit JISコード

# ASCIIコード

上位 4bit

文字コード

41 (16)

下位 4bit

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0				0	@	P	`	p				ー	タ	ミ		
1			!	1	A	Q	a	q			。	ア	チ	ム		
2			"	2	B	R	b	r			「	イ	ツ	メ		
3			#	3	C	S	c	s			」	ウ	テ	モ		
4			\$	4	D	T	d	t			、	エ	ト	ヤ		
5			%	5	E	U	e	u			・	オ	ナ	ユ		
6			&	6	F	V	f	v			ヲ	カ	ニ	ヨ		
7			'	7	G	W	g	w			ア	キ	ヌ	ラ		
8			(	8	H	X	h	x			イ	ク	ネ	リ		
9			)	9	I	Y	i	y			ウ	ケ	ノ	ル		
A			*	:	J	Z	j	z			エ	コ	ハ	レ		
B			+	;	K	[	k	{			オ	サ	ヒ	ロ		
C			,	<	L	¥	l				ヤ	シ	フ	ワ		
D			-	=	M	]	m	}			ユ	ス	ヘ	ン		
E			.	>	N	^	n	~			ヨ	セ	ホ	`		
F			/	?	O	_	o				ッ	ソ	マ	°		

# 16bit JISコード

---

16bit

8bit

東京City

456C

357E

43

69

74

6F (16)

E1

5~

C

i

t

y

コードの種類を誤ると、文字化けが起こる。

# 16bit JISコード

---

16bit

8bit

東京City

456C

357E

43

69

74

6F

(16)

1B2442

1B284A

制御コードを  
埋め込む

16bitコード開始

8bitコード開始



# 16bit シフトJISコード

16bit

東京

8bit

City

938C

8B9E

43

69

74

6F

(16)

未定義

未定義

City

上位8bitに未定義域コードを使う。

# 未定義域コードとは

上位 4bit

下位 4bit

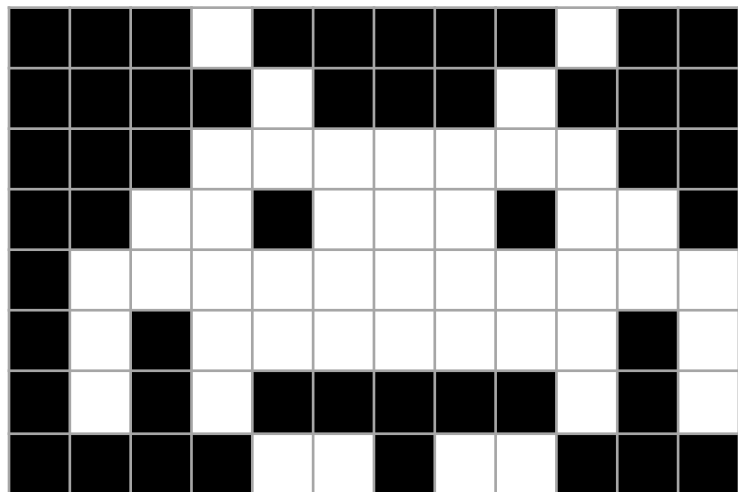
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0				0	@	P	`	p	未定義域			ー	タ	ミ	未定義域	
1			!	1	A	Q	a	q			。	ア	チ	ム		
2			"	2	B	R	b	r			「	イ	ツ	メ		
3			#	3	C	S	c	s			」	ウ	テ	モ		
4			\$	4	D	T	d	t			、	エ	ト	ヤ		
5			%	5	E	U	e	u			・	オ	ナ	ユ		
6			&	6	F	V	f	v			ヲ	カ	ニ	ヨ		
7			'	7	G	W	g	w			ア	キ	ヌ	ラ		
8			(	8	H	X	h	x			イ	ク	ネ	リ		
9			)	9	I	Y	i	y			ウ	ケ	ノ	ル		
A			*	:	J	Z	j	z			エ	コ	ハ	レ		
B			+	;	K	[	k	{			オ	サ	ヒ	ロ		
C			,	<	L	¥	l				ヤ	シ	フ	ワ		
D			-	=	M	]	m	}			ユ	ス	ヘ	ン		
E			.	>	N	^	n	~			ヨ	セ	ホ	ン		
F			/	?	O	_	o				ッ	ソ	マ	ン		

# ユニコード(UNICODE)

---

多国語に対応するため、世界中の主要な文字や記号をまとめた文字コード

# ビットマップ(白黒画像)



→ 0001 0000 0100 → 104  
→ 0000 1000 1000 → 088  
→ 0001 1111 1100 → 1FC  
→ 0011 0111 0110 → 376  
→ 0111 1111 1111 → 7FF  
→ 0101 1111 1101 → 5FD  
→ 0101 0000 0101 → 505  
→ 0000 1101 1000 → 0D8

黒を0、  
白を1にする。

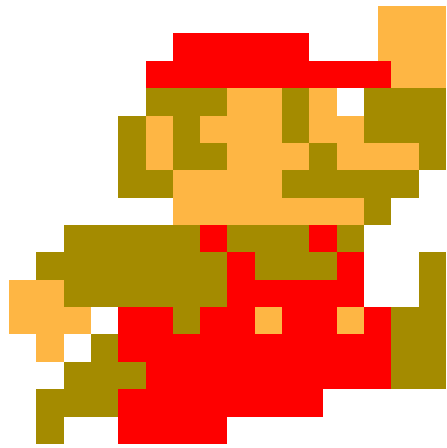


数値化された画像

1040881FC3767FF5FD5050D8

# カラービットマップ(カラー画像)

1ドットに複数のbitを割り当て、多値を表現する。



スーパーマリオブラザーズ  
©Nintendo より

ファミリーコンピュータ(任天堂,1983年)では、1ドットに 2bitを割り当てている。

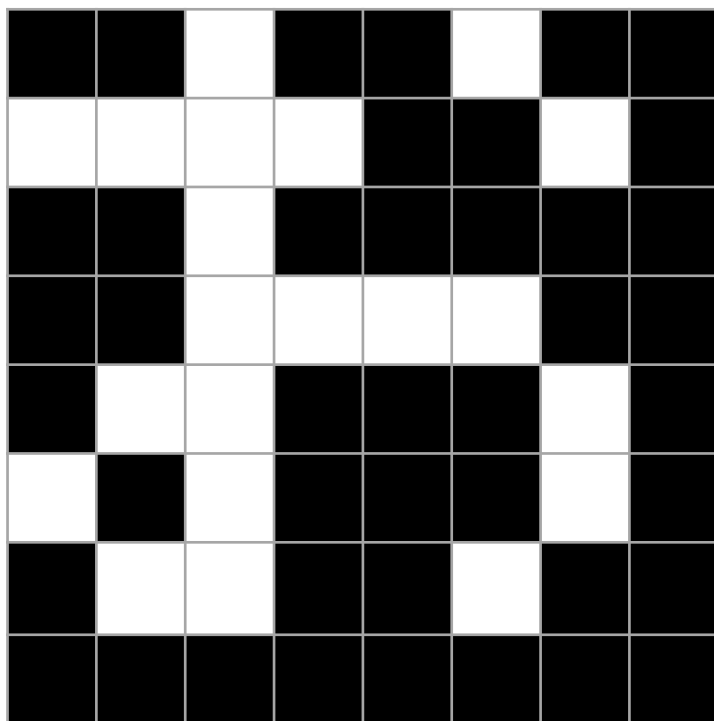
そのため、キャラクターは最大4色(そのうち1色は背景の透明色)で表現されている。(カラーパレット方式)

現在の一般的なコンピュータは、1ドットに24bitを割り当て、最大16,777,216色を表現できる。

# ビットマップフォント

## 点の集合 (ビットマップ) でつくられたフォント

文字「お」



0010 0100 24  
1111 0010 F2  
0010 0000 20  
0011 1100 3C  
0110 0010 62  
1010 0010 A2  
0110 0100 64  
0000 0000 00

デザイン参考:  
8x8日本語フォント「美咲フォント」

24F2203C62A26400

# 課題 1

---

- ❖ 教科書29ページ 演習問題
- ❖ これまでの講義についての感想  
どのような内容(感想・要望)でも良い。

**提出日時: 12月5日(水) 講義開始前**

# レポートの作成について

---

- ❖ 岡山理大学専用のレポート用紙に書く。
- ❖ ホッチキスまたは糊で綴じる。
- ❖ 学生番号、氏名、講義名、提出日を書く。
- ❖ 途中の計算過程を書く。
- ❖ 解答した後、教科書の正答を見て、赤ペンで○×をつける。
- ❖ 間違えた問題、解けなかった問題は赤ペンで計算過程と正答を書く。



# 論理回路

---

## ✦ 内容

- ① 論理演算 (ブール代数)
- ② ブール代数の公理
- ③ 論理式の簡単化
- ④ 組み合わせ論理回路
- ⑤ 順序回路

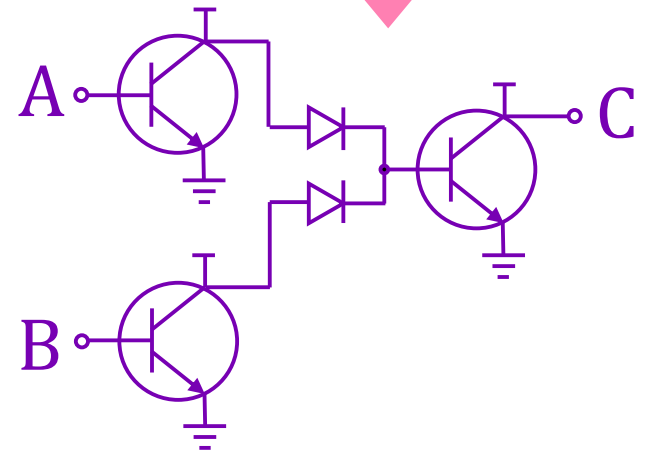
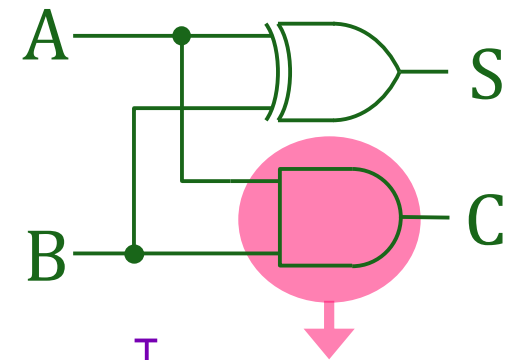
# 演算回路の設計

① 回路化したい計算式  $d = a + b$

② 論理式  $S = A \oplus B$   
 $C = A \cdot B$

③ 論理回路

④ デジタル回路



# 論理演算(ブール代数)

重要

真 (true) と偽 (false) の2状態を扱う  
演算

論理値

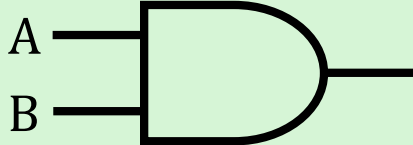
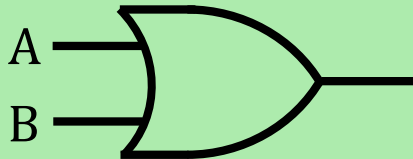
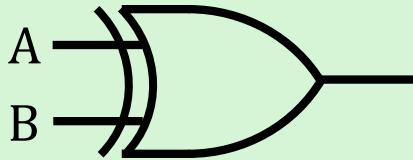
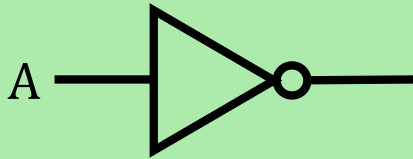
真 ... 1

偽 ... 0

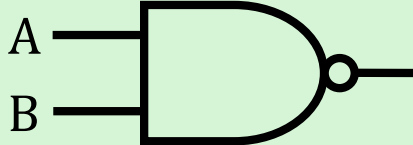
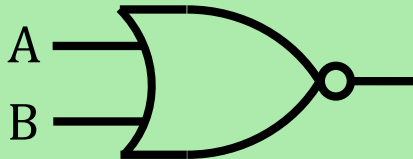
2進数 (0, 1) の演算の実現に適している。

# 基本論理演算

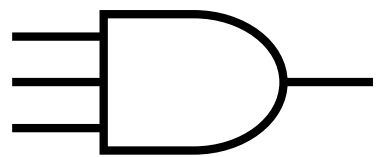
重要

	演算記号	回路記号
論理積 AND	$A \cdot B$	 A logic symbol for an AND gate, consisting of a D-shaped symbol with two input lines on the left labeled 'A' and 'B', and one output line on the right.
論理和 OR	$A + B$	 A logic symbol for an OR gate, consisting of a symbol with a curved left side and a pointed right side, with two input lines on the left labeled 'A' and 'B', and one output line on the right.
排他的論理和 Exclusive OR (XOR)	$A \oplus B$	 A logic symbol for an XOR gate, consisting of a symbol with a curved left side and a pointed right side, with two input lines on the left labeled 'A' and 'B', and one output line on the right. The input lines are separated by a small gap.
否定 NOT	$\bar{A}$	 A logic symbol for a NOT gate, consisting of a triangle pointing to the right with a small circle at its tip, and one input line on the left labeled 'A' and one output line on the right.

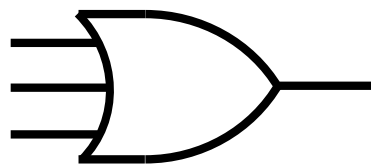
# 基本論理演算

	式の表記	回路記号
否定論理積 NAND	$\overline{A \cdot B}$	
否定論理和 NOR	$\overline{A + B}$	

## 3入力の場合



$$A \cdot B \cdot C$$



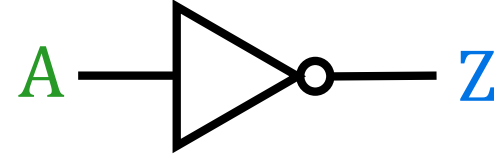
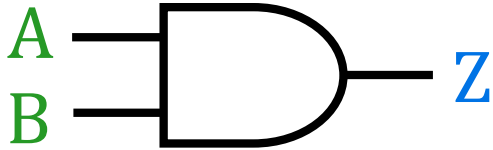
$$A + B + C$$

# 基本論理演算の真理値表

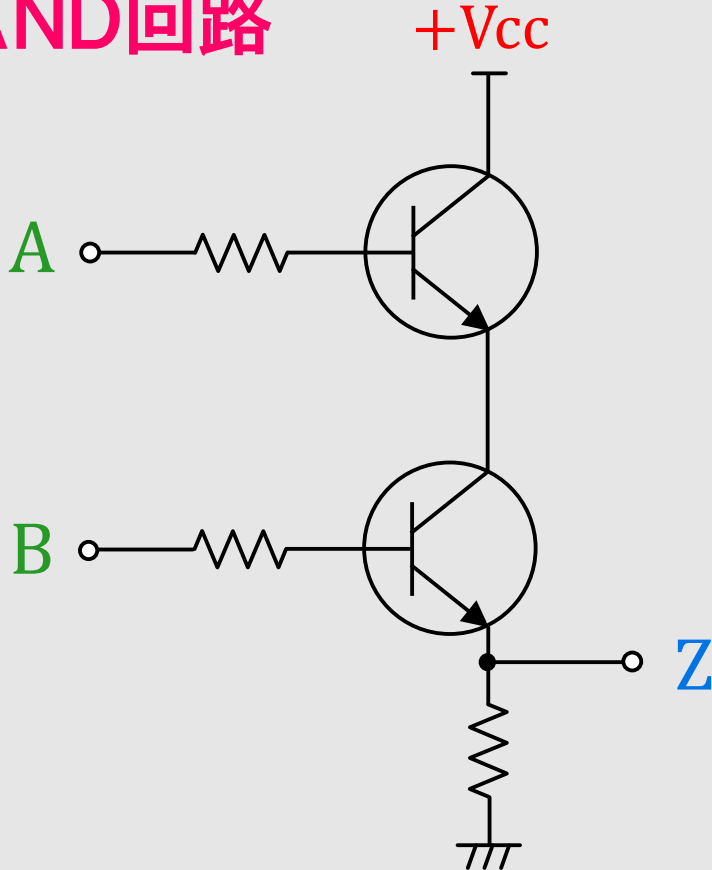
重要

入力値		出力値			
A	B	$A \cdot B$	$A + B$	$A \oplus B$	$\bar{A}$
0	0	0	0	0	1
0	1	0	1	1	
1	0	0	1	1	0
1	1	1	1	0	

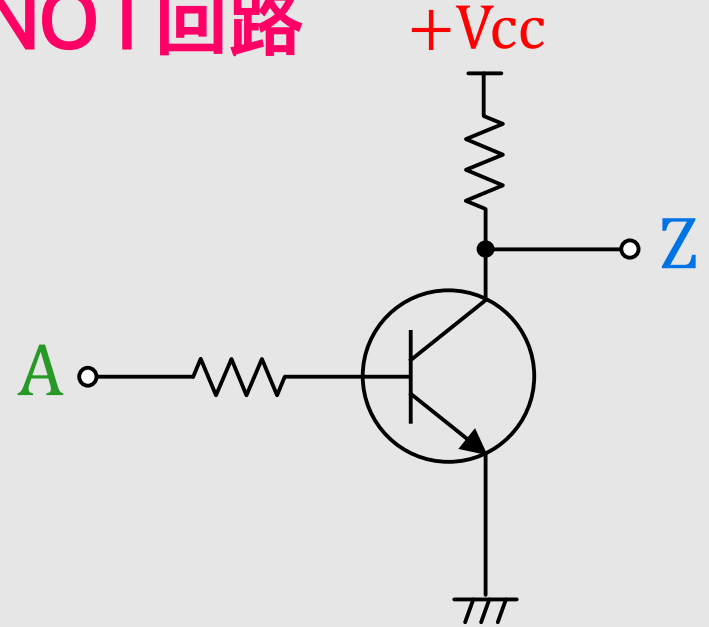
# トランジスタによる論理回路の構成



AND回路

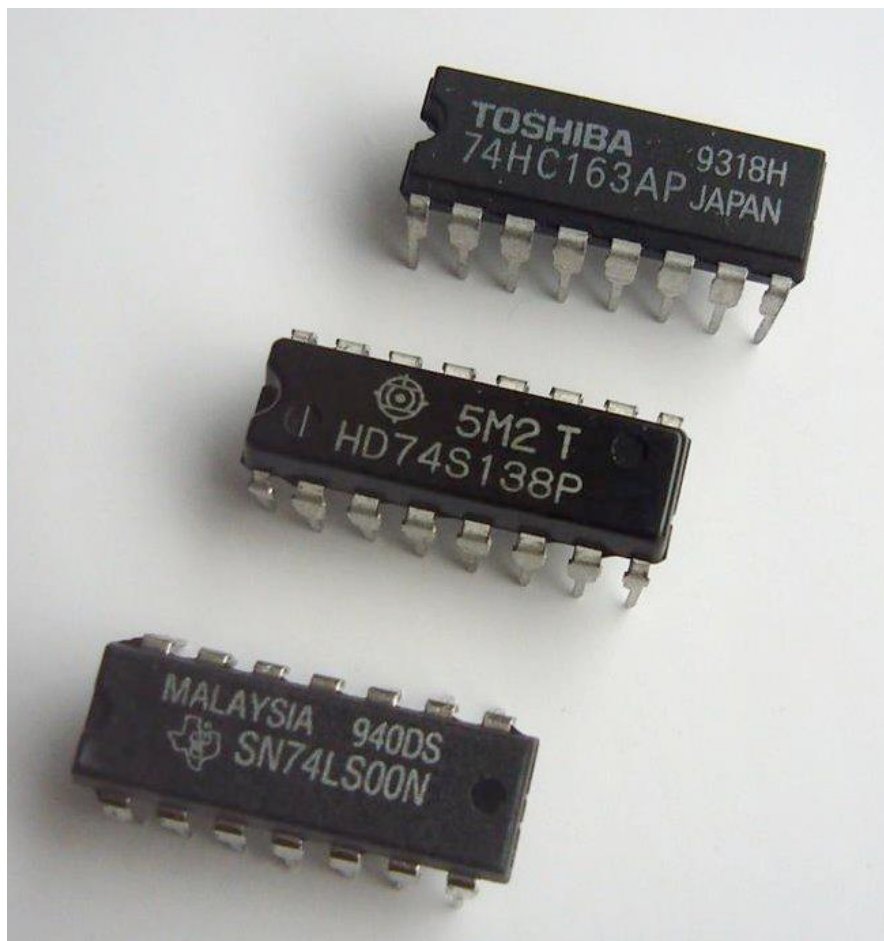


NOT回路

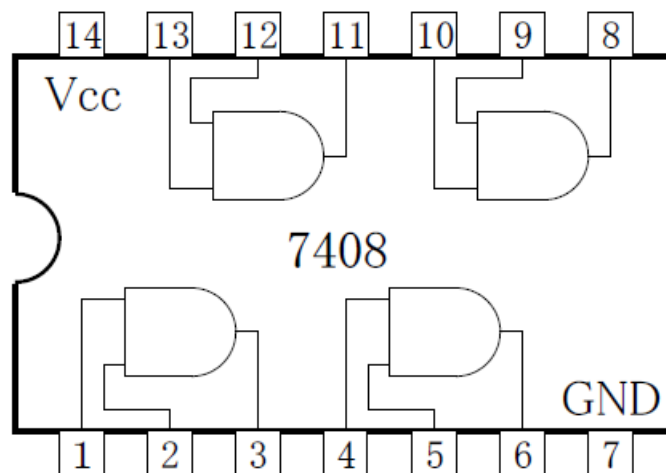
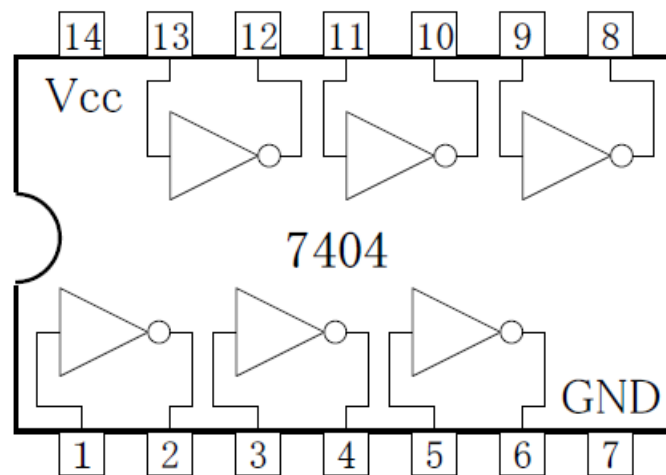


※ 回路構成の一例

# ロジックIC（集積回路）



Wikipedia「汎用ロジックIC」より





# ビット演算

---

1001  
AND 1010  
1000

1001  
OR 1010  
1011

1001  
XOR 1010  
0011

NOT 1001  
0110

# C言語の論理演算子(参考)

## ビット演算子

演算名	記号	例
AND	&	a & b
OR		a   b
XOR	^	a ^ b
NOT	~	~a

1bit ごとに論理演算を行う。

## 結合演算子

演算名	記号	例
AND	&&	a>0 && b>0
OR		a>0    b>0
XOR		なし
NOT	!	!(a>0)

非0を真、0を偽とみなして、論理演算を行う。

# ブール代数の公理

重要

♣ べき等則

♣ 交換則

♣ 結合則

♣ 吸収則

♣ 分配則

♣ 二重否定

♣ ド・モルガン則

♣ 単位元

♣ 零元

♣ 補元

公式は別紙資料を参照せよ。

# 演算回路の作成手順

---

- ① 真理値表の作成
- ② 論理式の組み立て
- ③ 論理式の簡単化
- ④ 論理回路への置き換え

# 半加算器

重要

真理值表

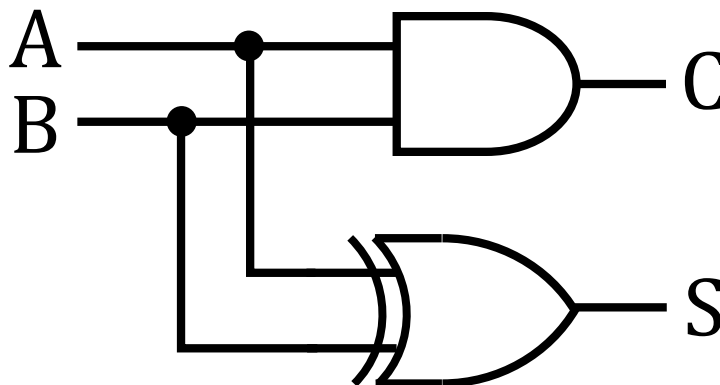
A	B	C	S
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0

論理式

$$C = A \cdot B$$

$$S = A \oplus B$$

論理回路



# 全加算器

重要

真理值表

A	B	Z	C	S
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

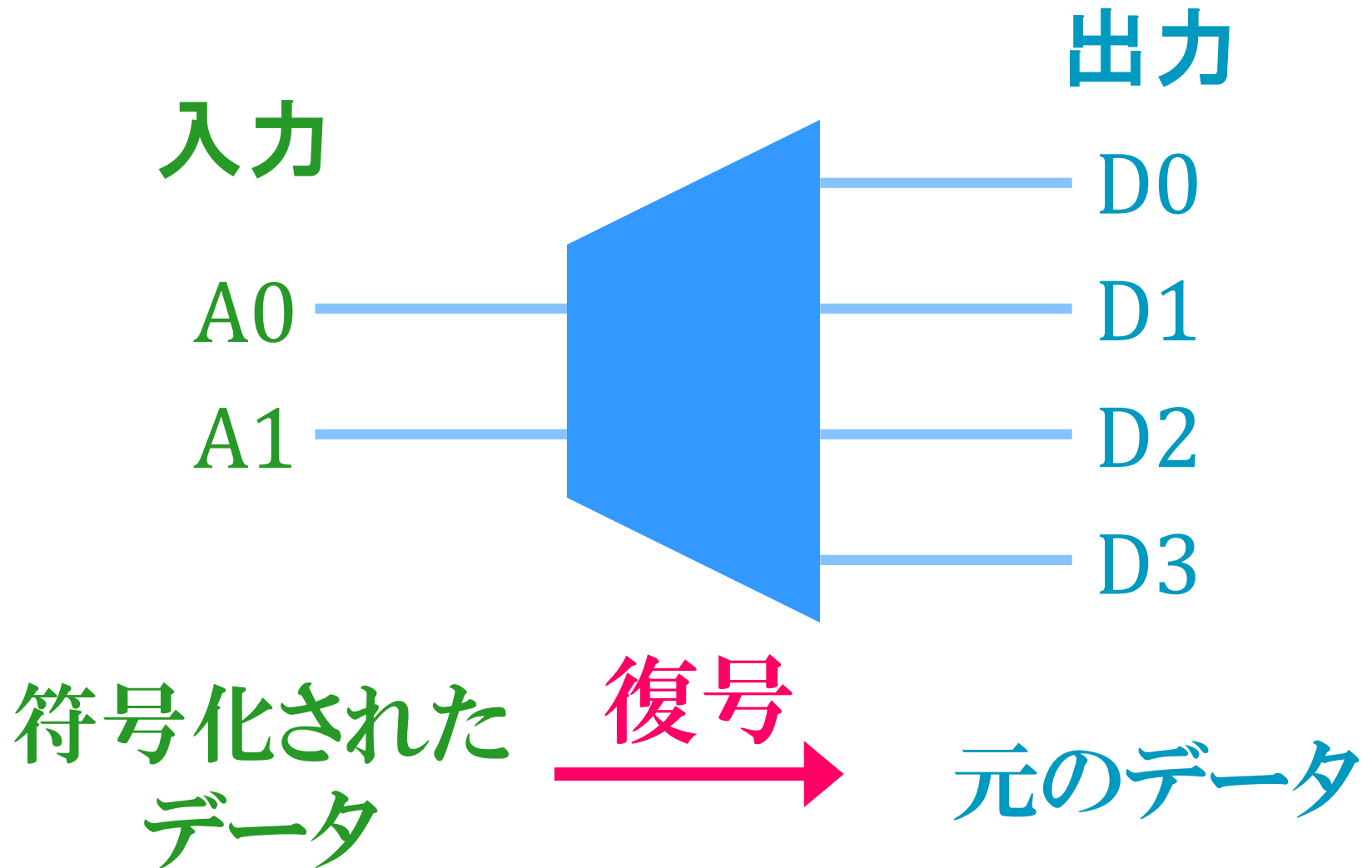
論理式

$$\begin{aligned} C &= \bar{A} \cdot B \cdot Z + A \cdot \bar{B} \cdot Z + \\ & A \cdot B \cdot \bar{Z} + A \cdot B \cdot Z \\ &= A \cdot B + B \cdot Z + A \cdot Z \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S &= \bar{A} \cdot \bar{B} \cdot Z + \bar{A} \cdot B \cdot \bar{Z} + \\ & A \cdot \bar{B} \cdot \bar{Z} + A \cdot B \cdot Z \end{aligned}$$

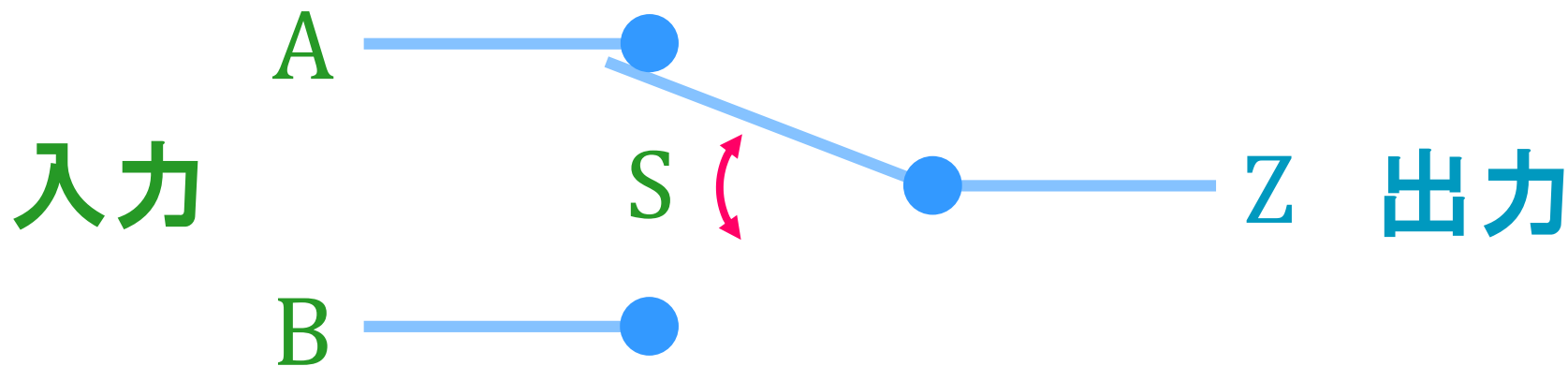
# 2入力4出力デコーダ

---



# 2入力1出力マルチプレクサ

イメージ図



$S = 0$  のとき  $Z = A$

$S = 1$  のとき  $Z = B$



# 真理値表と論理式

## 2入力4出力デコーダ

A0	A1	D0	D1	D2	D3
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	0	0
1	0	0	0	1	0
1	1	0	0	0	1

$$D0 = \overline{A0} \cdot \overline{A1}$$

$$D1 = \overline{A0} \cdot A1$$

$$D2 = A0 \cdot \overline{A1}$$

$$D3 = A0 \cdot A1 \quad Z = \overline{S} \cdot A + S \cdot B$$

## 2入力1出力 マルチプレクサ

S	A	B	Z
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

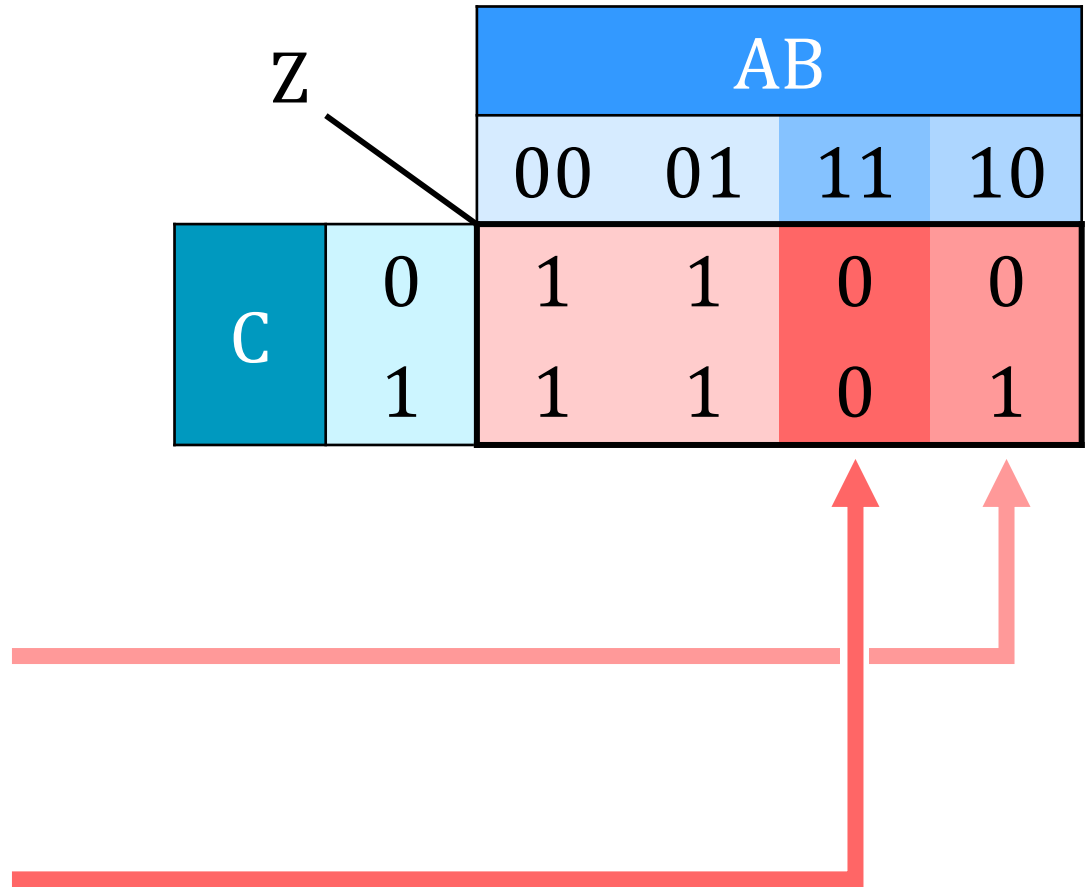
# カルノー図

重要

## 真理値表

A	B	C	Z
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

## カルノー図



# カルノー図による簡単化①

重要

- ❖ 「1」のみを四角形で囲む。
- ❖ 四角形の幅は、1、2、4のいずれかにする。
- ❖ 可能限り大きな四角形で囲む。
- ❖ 四角形の数を最小にする。

Z		AB			
		00	01	11	10
C	0	1	1	0	0
	1	1	1	0	1

上下、左右は繋がっていると考え、四角形が重なっても良い。

# カルノー図による簡単化②

重要

- ① 各四角形において、入力値が 0 または 1 の片方しか含まれていない変数で、論理積項を表す。
- ② すべての論理積項の論理和を求める。

Z		AB			
		00	01	11	10
C	0	1	1	0	0
	1	1	1	0	1

$$\begin{aligned} A &= 0, 1 \\ B &= 0 \\ C &= 1 \end{aligned}$$

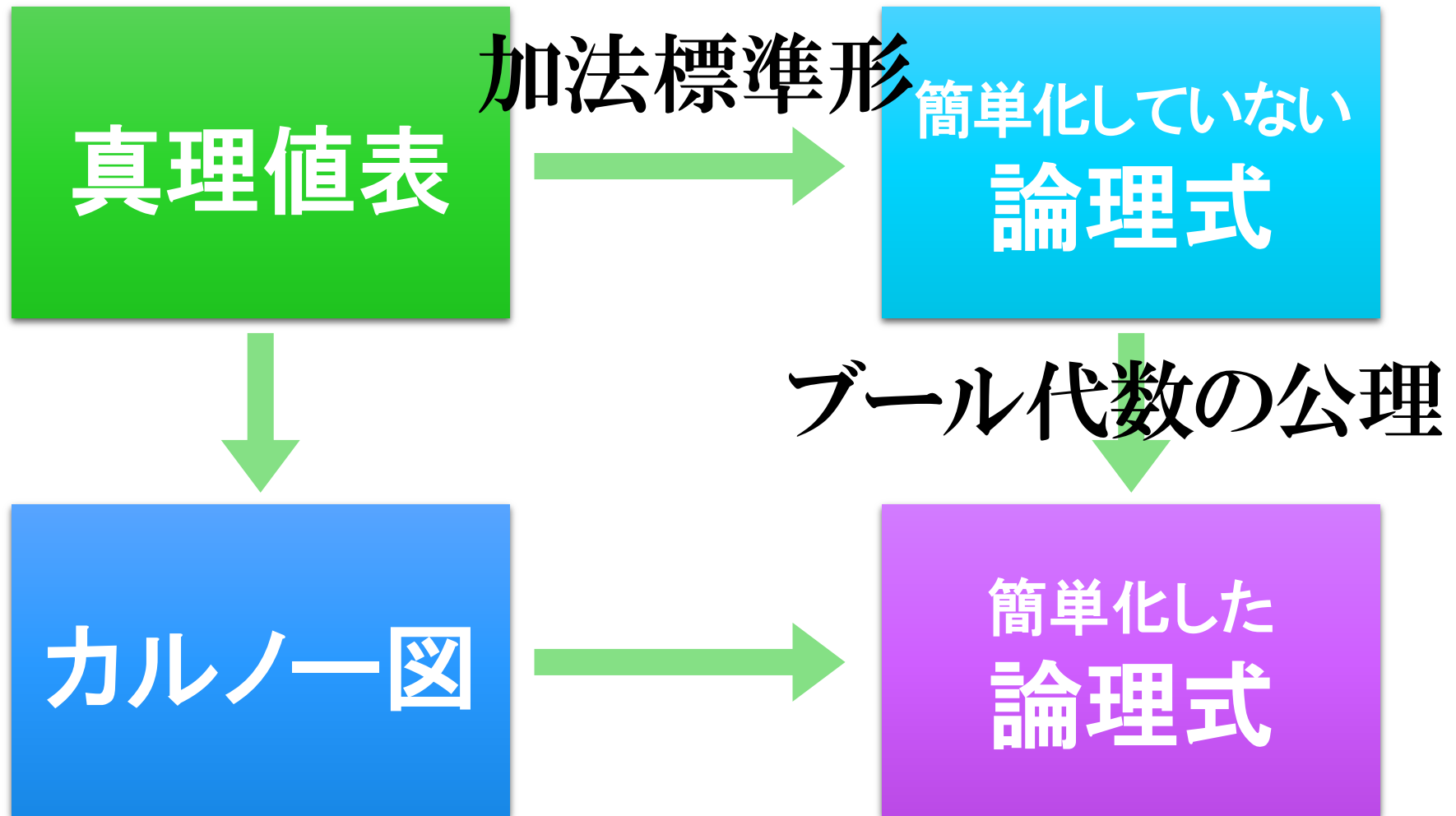
$$\begin{aligned} A &= 0 \\ B &= 0, 1 \\ C &= 0, 1 \end{aligned}$$

$\bar{A}$

$$Z = \bar{A} + \bar{B} \cdot C$$

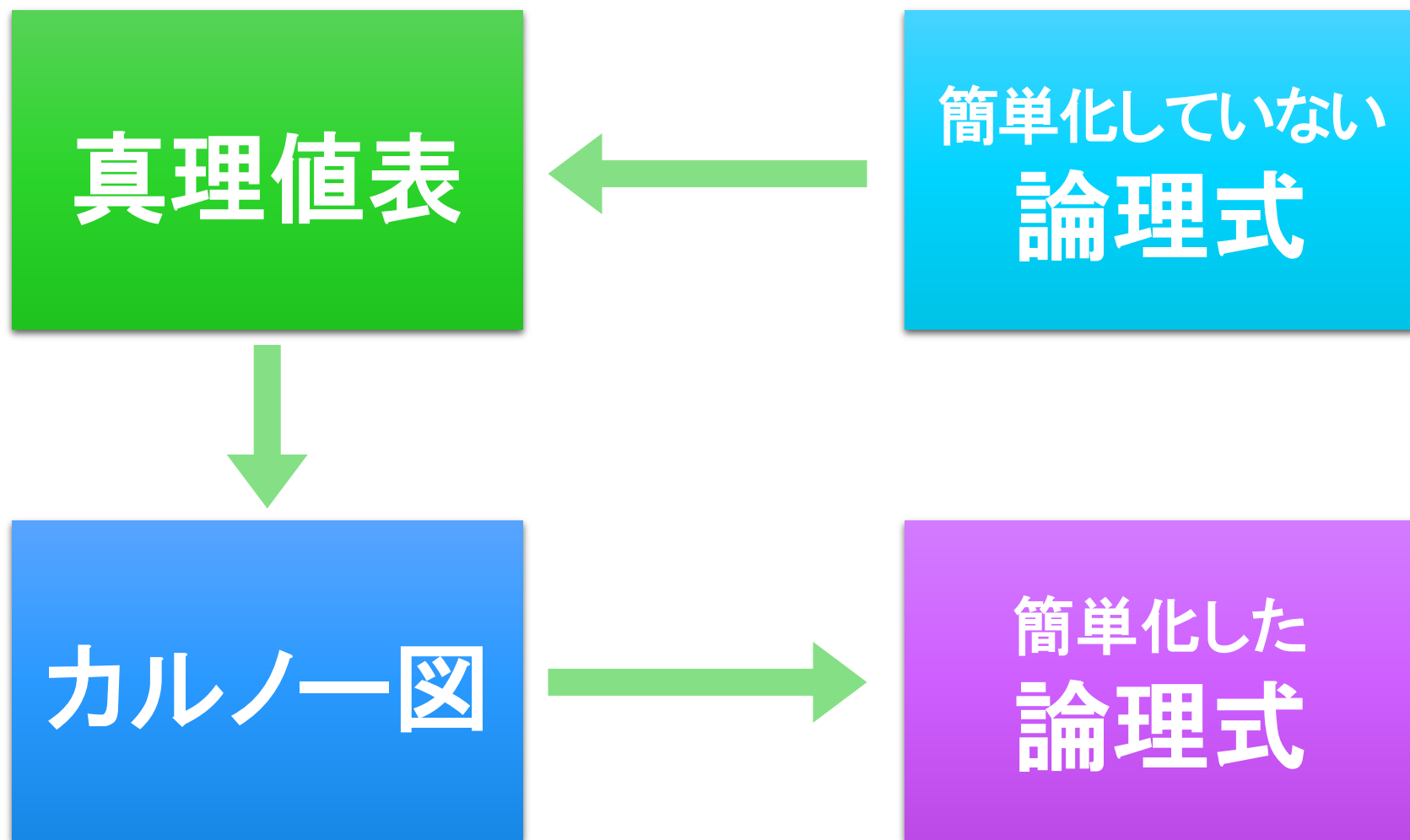
$\bar{B} \cdot C$

# 真理値表から簡単化した論理式をつくる



# カルノー図による論理式の簡単化

---



# 課題 2

---

- ✦ 教科書52ページ 演習問題1, 2, 3, 5, 6
- ✦ これまでの講義についての感想  
どのような内容(感想・要望)でも良い。

提出日時: 12月17日(月) 講義開始前

中間試験 12月17日

# 論理回路の種類

---

## ❖ 組合せ論理回路

現在の入力値によって出力値が定まる。

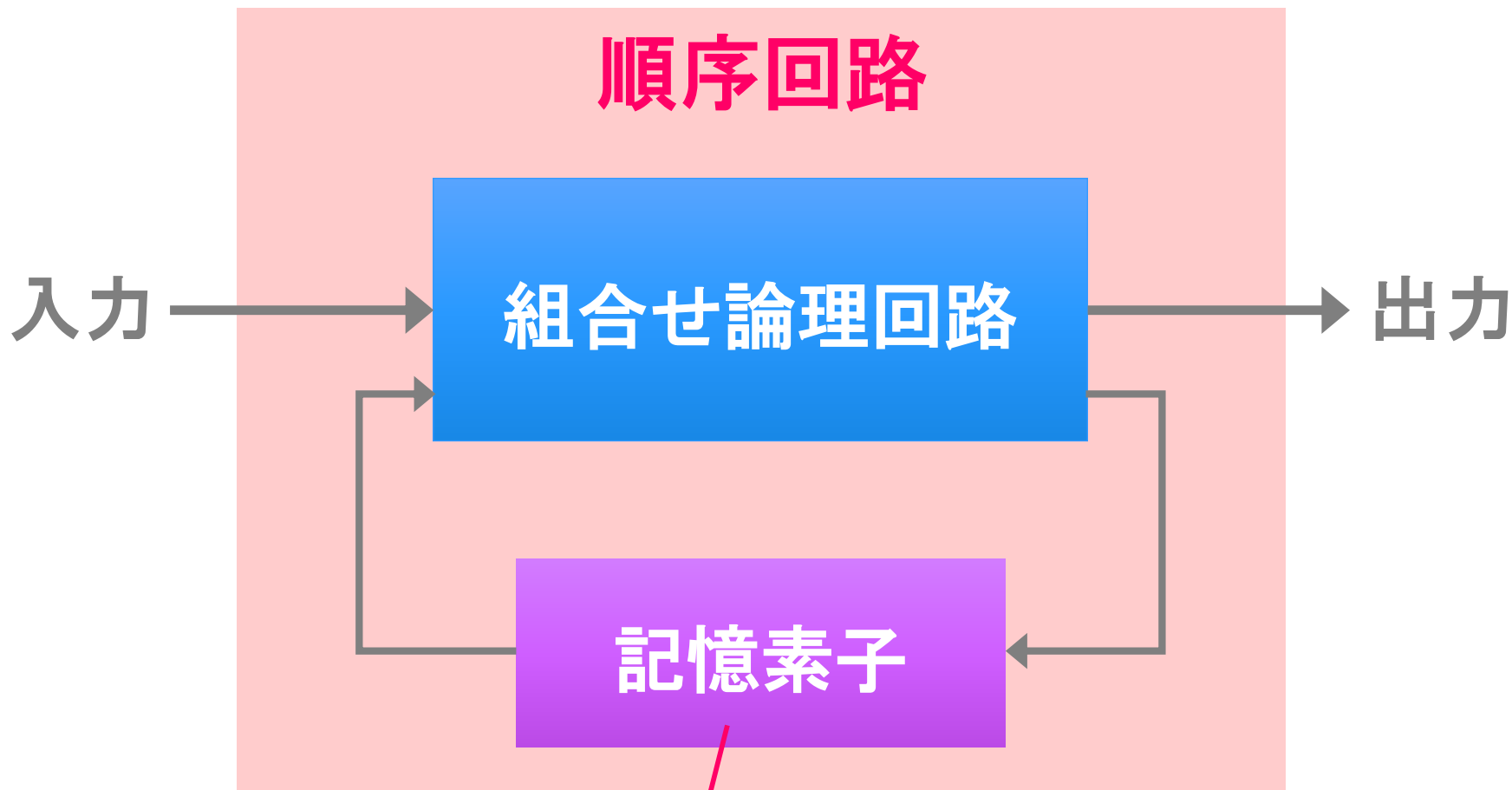
## ❖ 順序回路

現在の入力値と過去の入力値によって出力値が定まる。



# 順序回路

---



フリップフロップ回路  
1bitの値を保持する回路

# RSフリップフロップ

重要

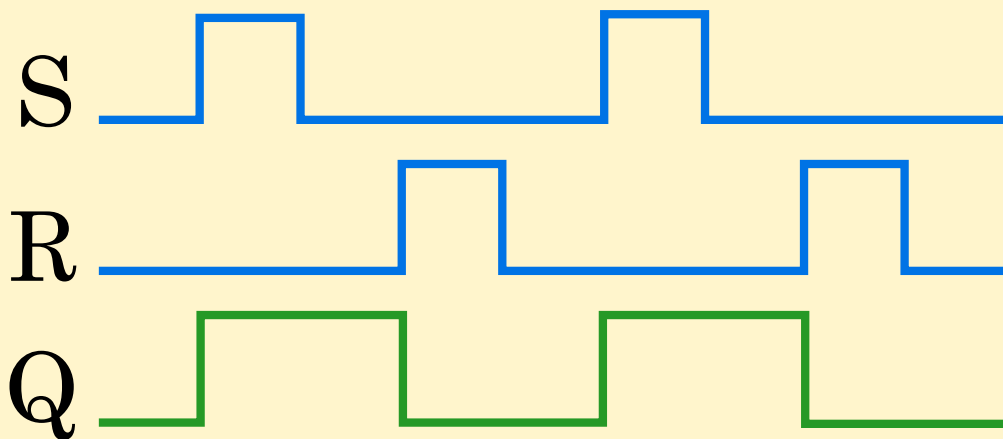
## 入力信号

R リセット S セット

## 出力信号

$Q_{(n)}$  時刻  $n$  のときの出力

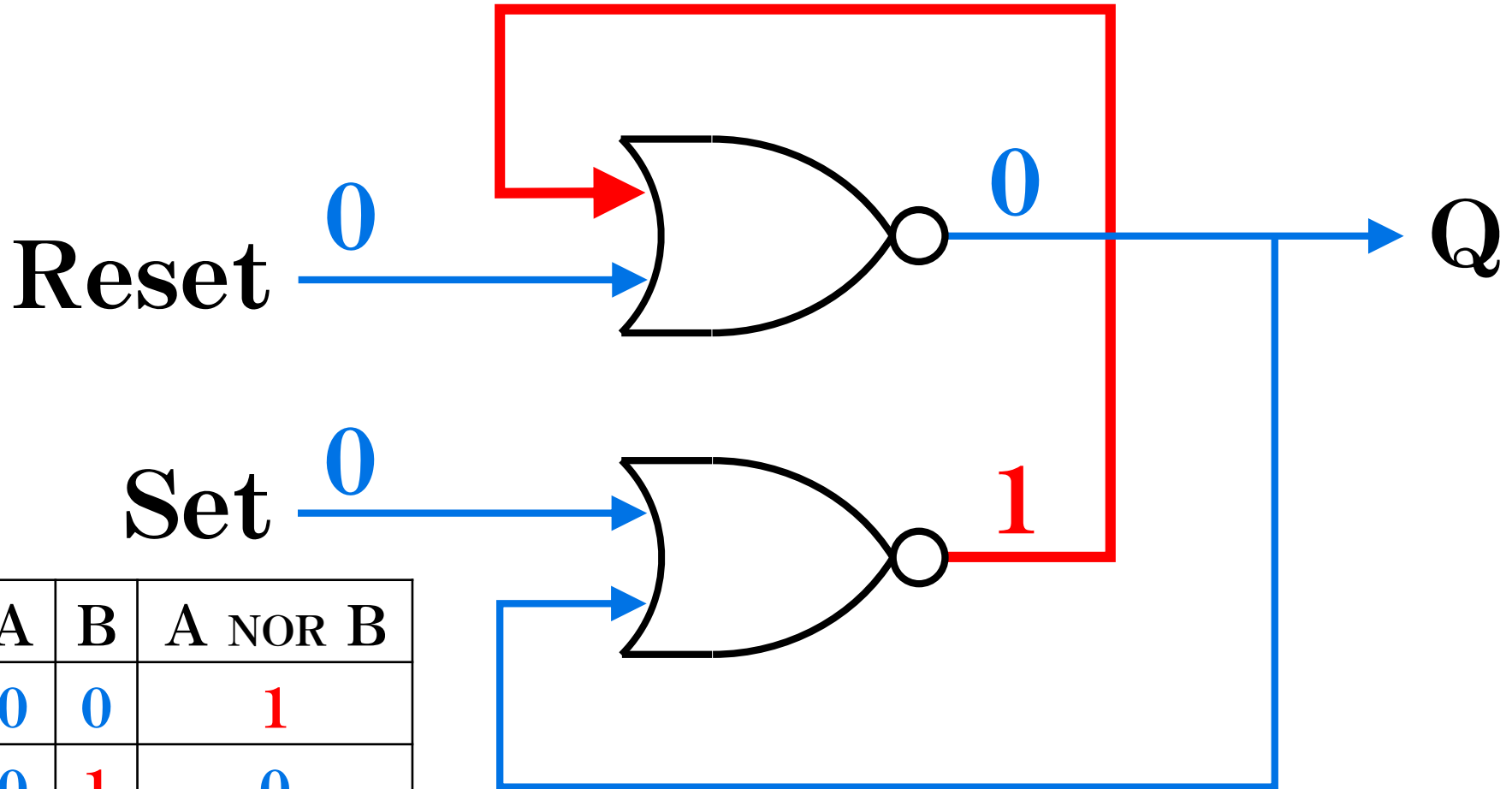
## タイミングチャート



## 動作表

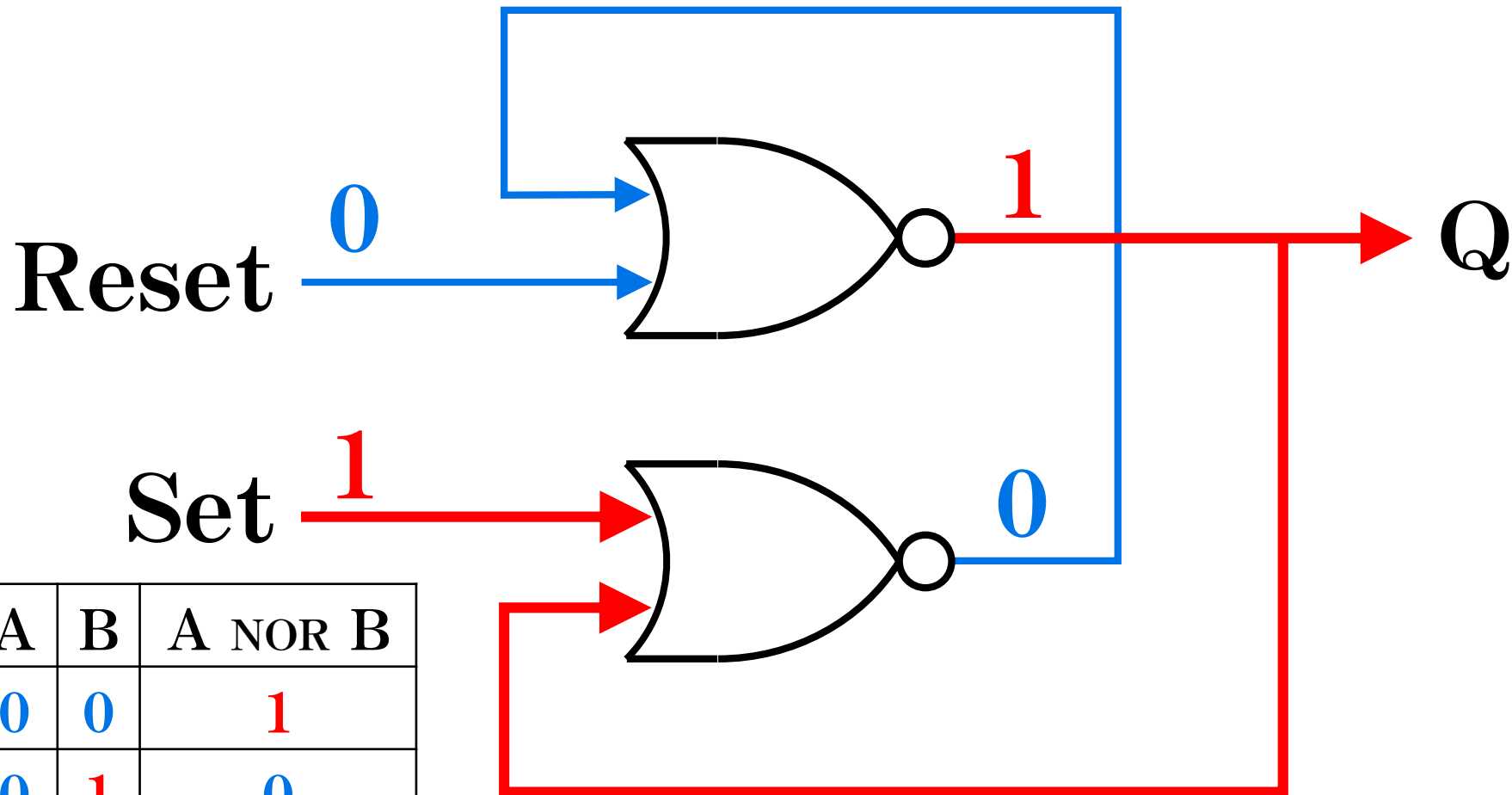
R	S	$Q_{(n)}$
0	0	$Q_{(n-1)}$
0	1	1
1	0	0
1	1	不定

# フリップフロップの仕組み



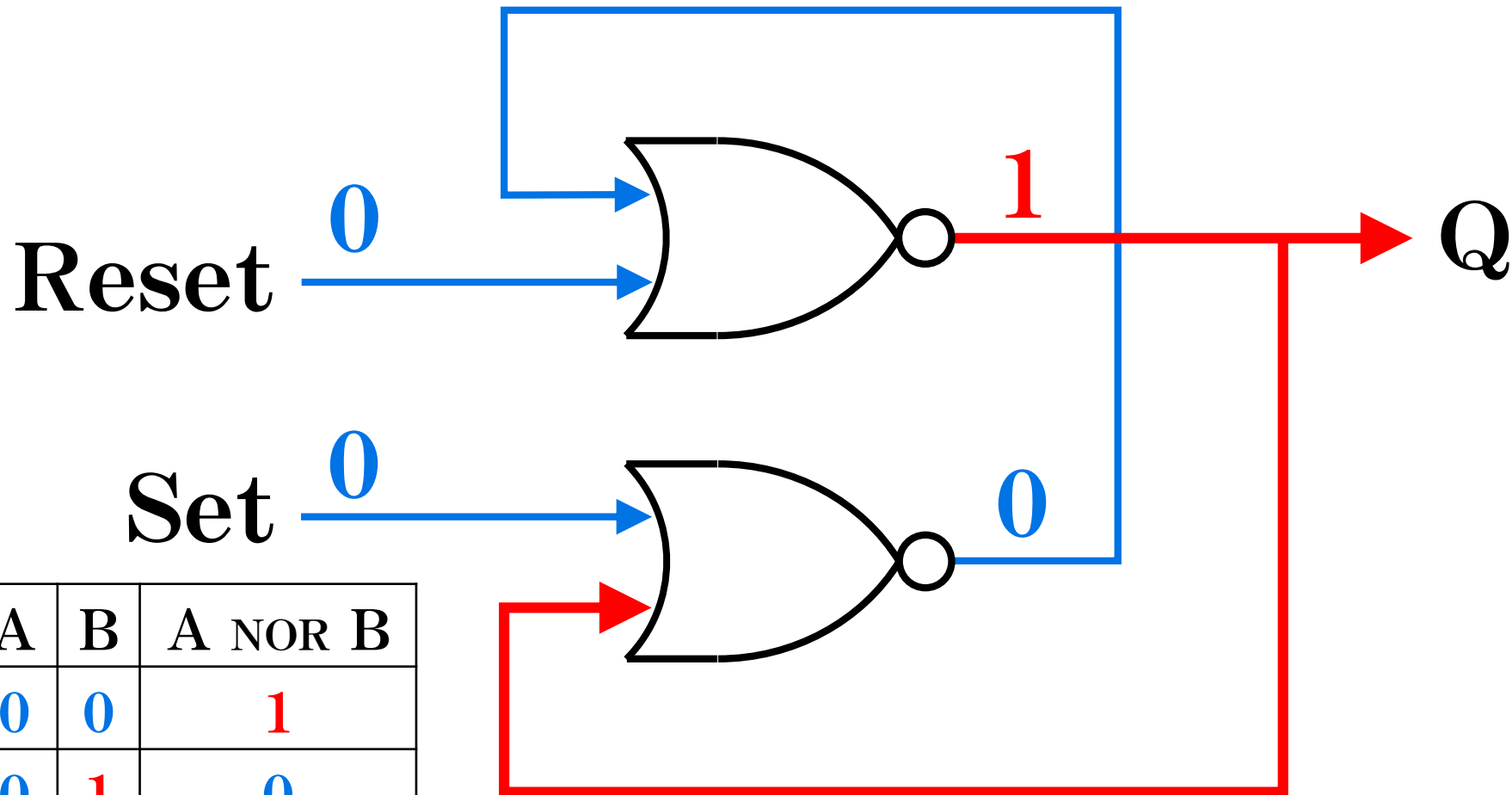
A	B	A NOR B
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

# フリップフロップの仕組み



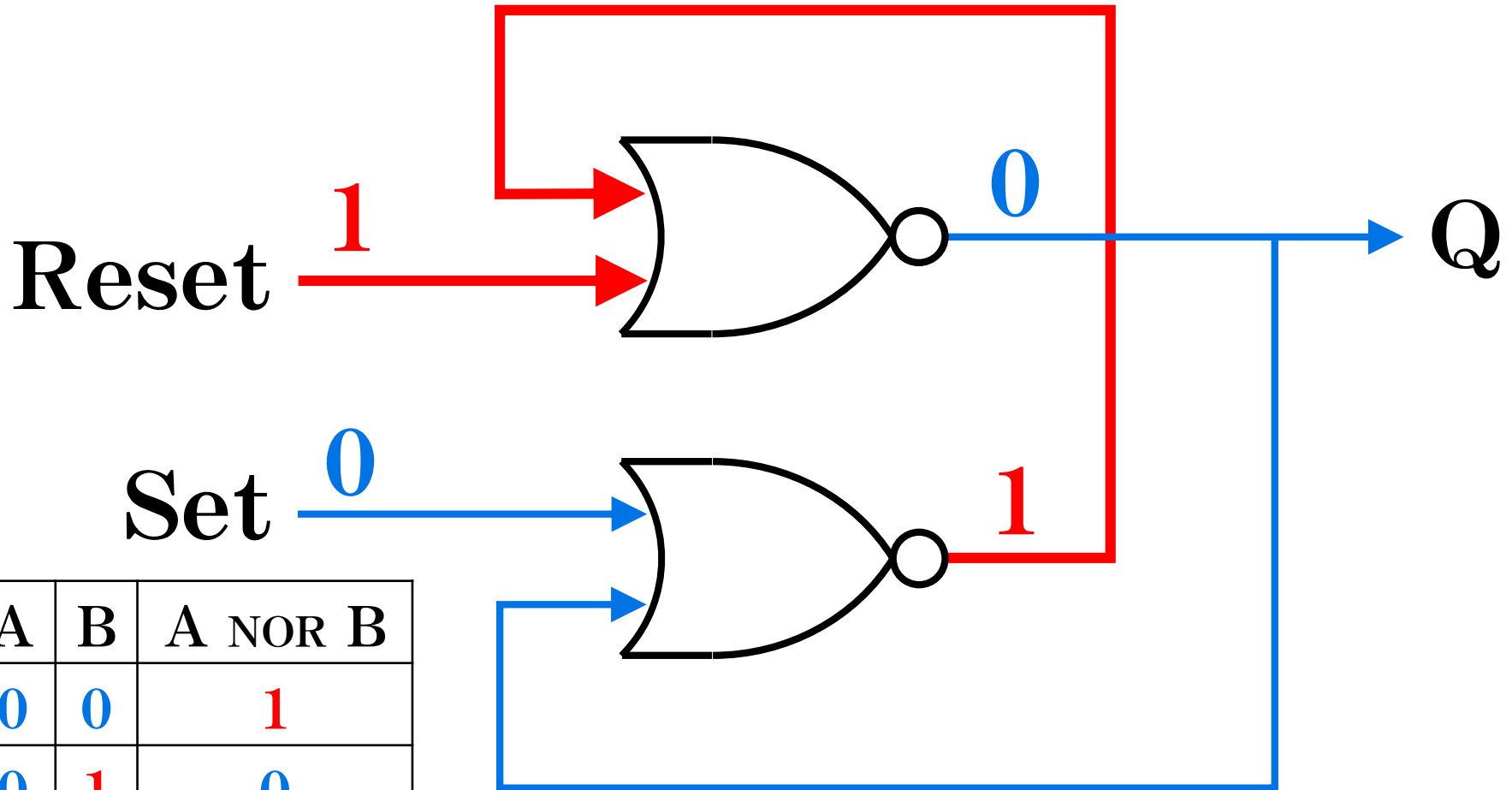
A	B	A NOR B
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

# フリップフロップの仕組み



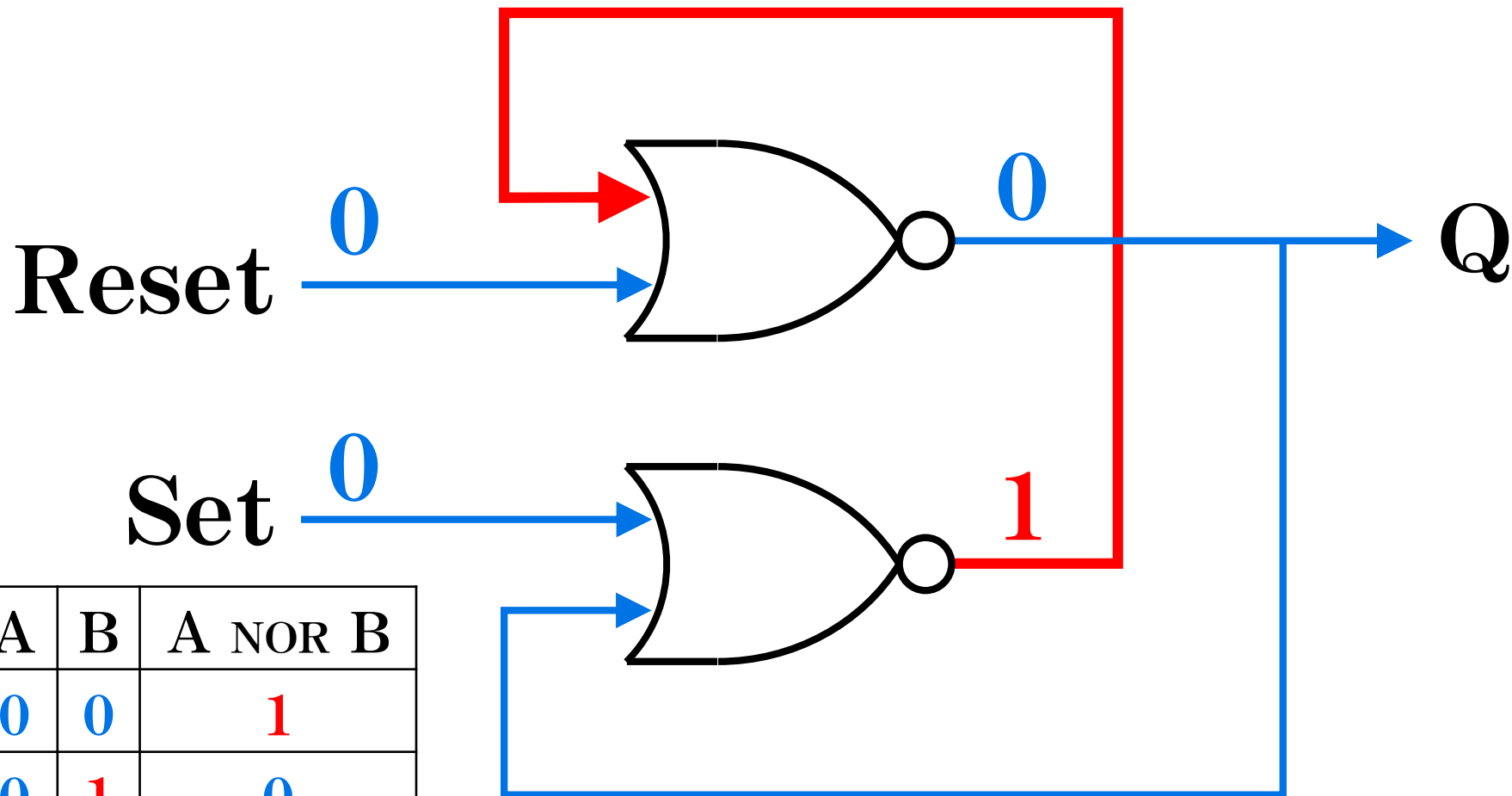
A	B	A NOR B
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

# フリップフロップの仕組み



A	B	A NOR B
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

# フリップフロップの仕組み



A	B	A NOR B
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

# JKフリップフロップ

重要

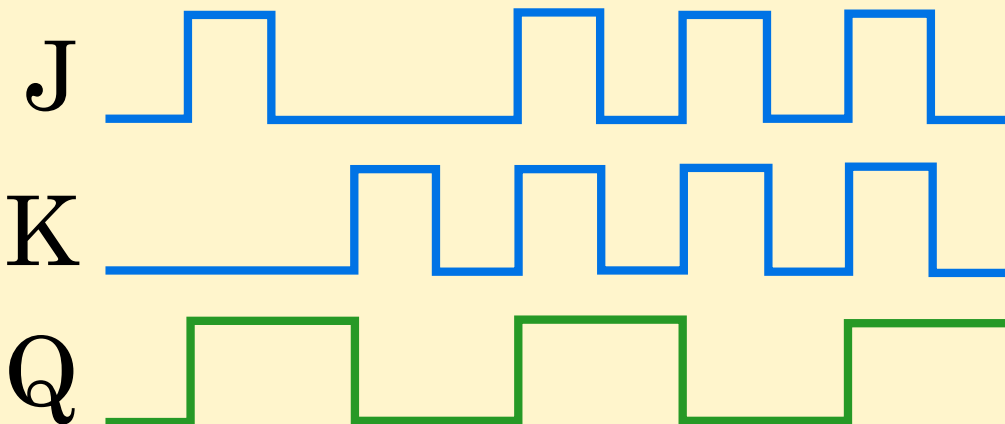
## 入力信号

J セット    K リセット

## 動作表

J	K	$Q_{(n)}$
0	0	$Q_{(n-1)}$
0	1	0
1	0	1
1	1	$\overline{Q_{(n-1)}}$

## タイミングチャート





# 同期式フリップフロップ

## クロック信号

複数の電子回路の間で信号の送受信のタイミングを合わせる(同期をとる)ために用いる一定周期の信号

## 同期式フリップフロップ

クロック信号の立上り(または立下り)のときの入力値で動作するフリップフロップ

# その他のフリップフロップ

---

## Dフリップフロップ

入力信号 D を1クロック周期保持する。

## Tフリップフロップ

トリガ信号 T が入力されるたびに出力を反転する。

# フリップフロップの応用

---

## CPUの中の記憶装置

✦ レジスタ

✦ シフトレジスタ

✦ カウンタ

✦ 基本記憶素子(キャッシュメモリ)

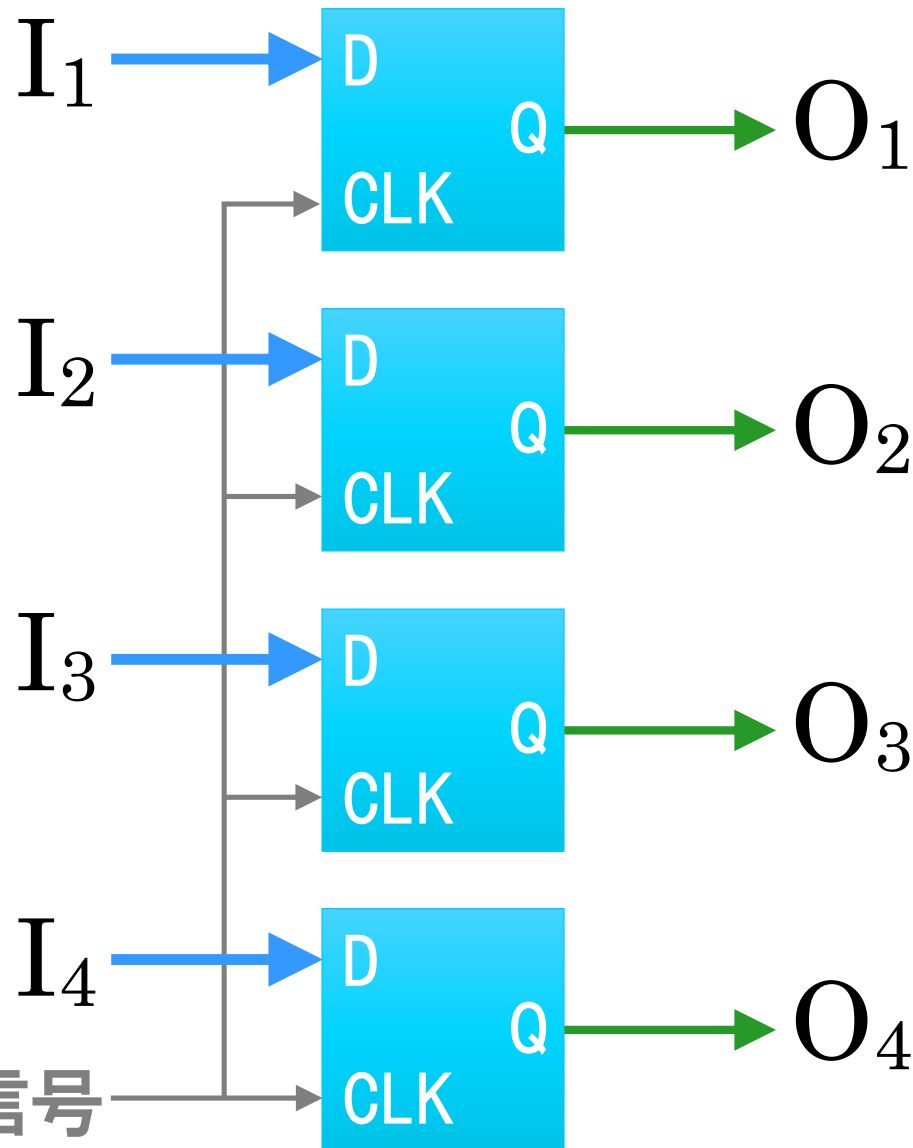
# レジスタ

重要

演算に用いる値や  
命令コードなどを  
一時的に記憶する  
装置

4bitの値  $I_4I_3I_2I_1$   
を記憶するレジスタ

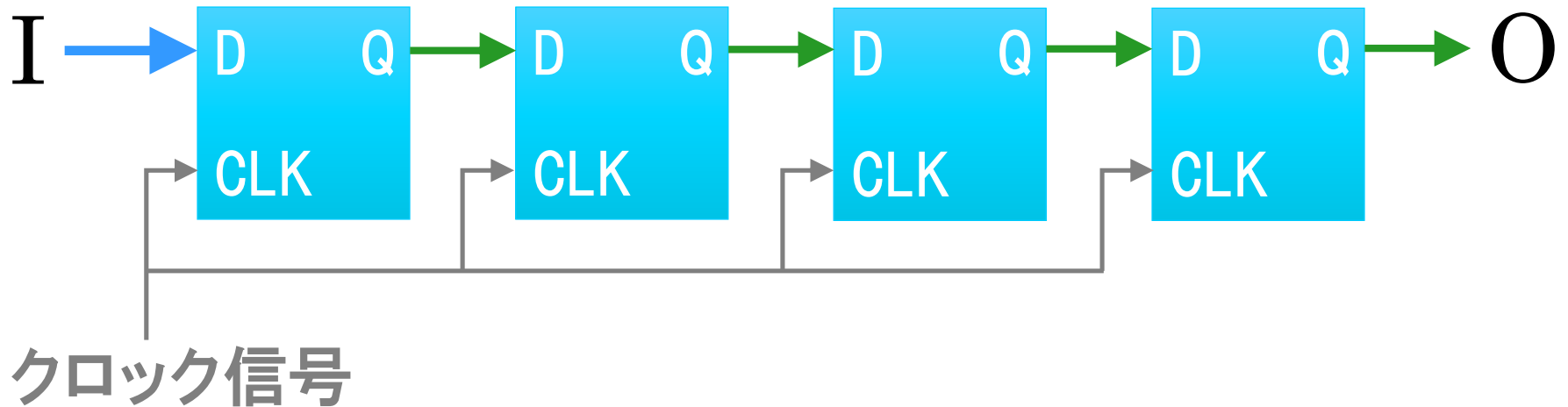
クロック信号



# シフトレジスタ

クロック信号が入力されるたびに、数値が1bitシフトするレジスタ

データを1bitずつ送信する(シリアル通信)。

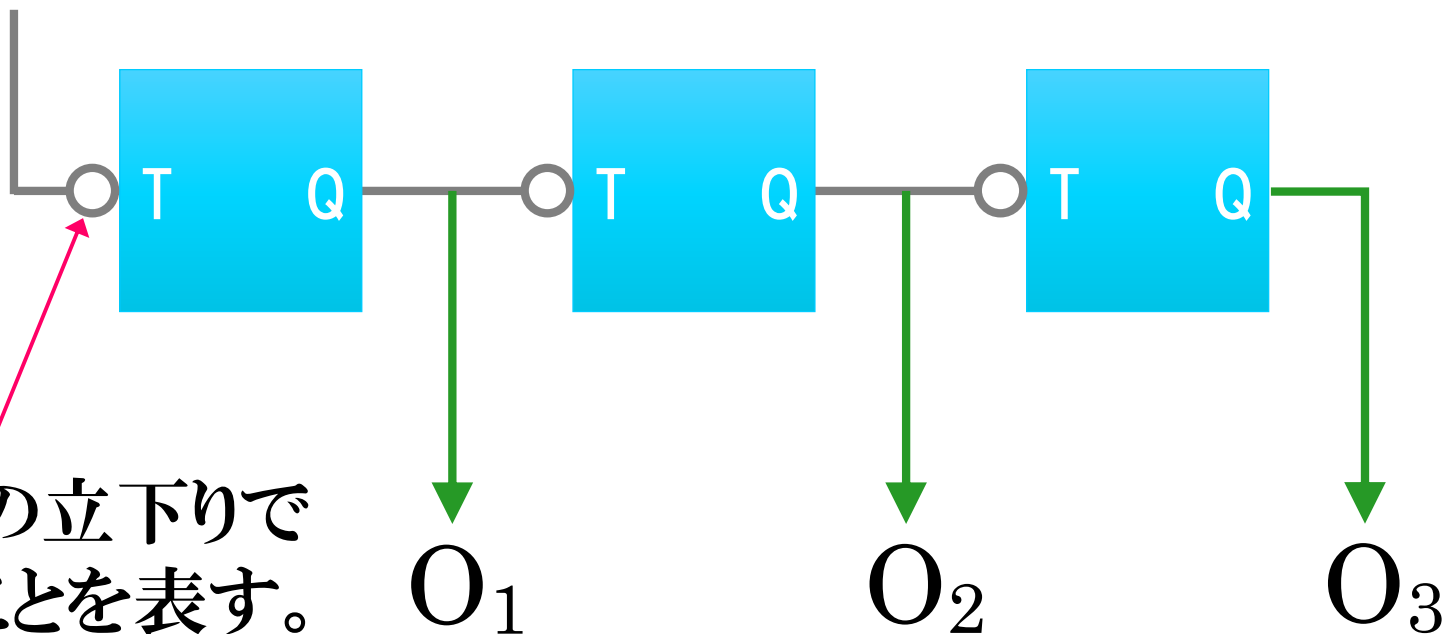


# カウンタ

重要

入力信号のパルス数をかぞえる機能を持つレジスタ

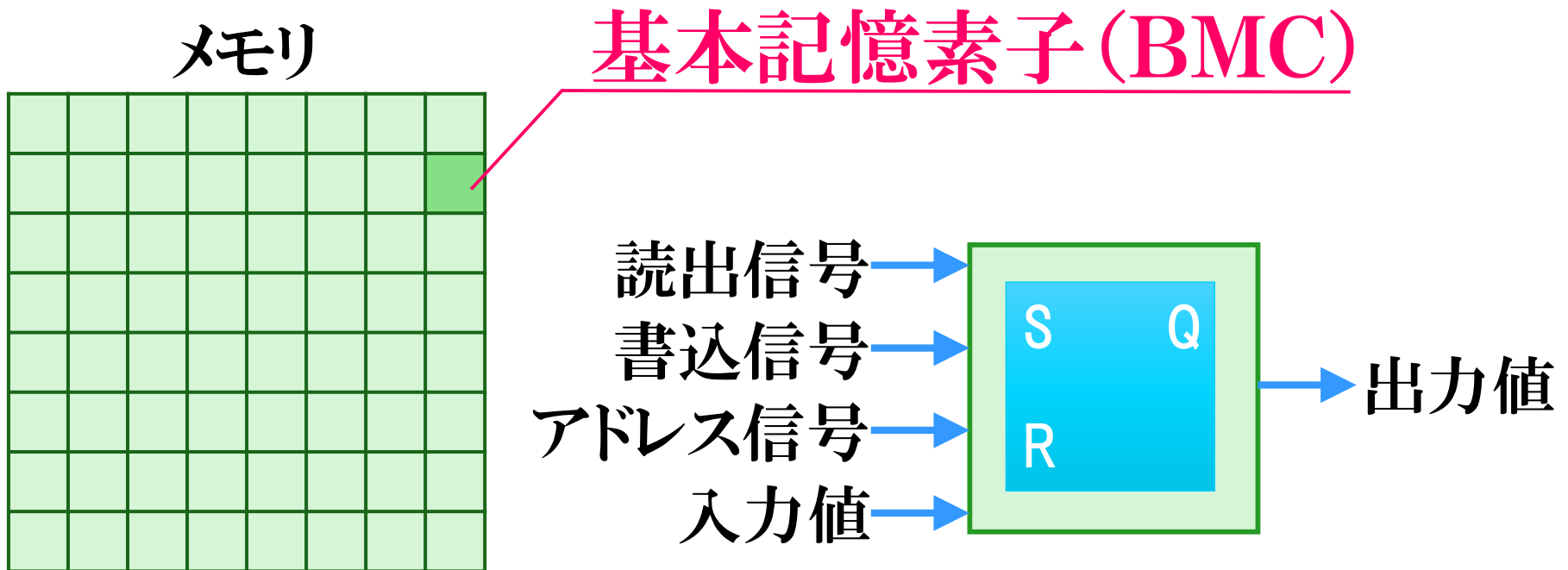
クロック信号



入力信号の立下りで動作することを表す。

# 基本記憶素子

アレイ状のメモリを構成する1bitの記憶素子



CPUのキャッシュメモリのBMCは、フリップフロップを用いている。